

FÍSICA 2 – VOLUME III

RESOLUÇÕES – EXERCITANDO EM CASA

AULA 21

01. B

$$g = \frac{GM}{R^2} \begin{cases} \text{Terra: } g_T = \frac{GM_T}{R_T^2} = 10 \text{ m/s}^2. \\ \text{Planeta: } g_P = \frac{G(8M_T)}{(2R_T)^2} = \frac{8GM_T}{4R_T^2} = 2 \frac{GM_T}{R_T^2} = 2(10) \Rightarrow g_P = 20 \text{ m/s}^2. \end{cases}$$

02. A

A massa do corpo não é alterada, mas à medida que nos afastamos do planeta, seu peso sofre uma redução de acordo com a Lei da gravitação de Newton em que o peso é inversamente proporcional à distância ao quadrado do centro de massa do planeta, de acordo com a equação:

$$P = F_g \Rightarrow P = \frac{G \cdot M \cdot m}{R^2}$$

Assim, aumentando o raio até o centro da Terra, diminui o peso, mas a massa permanece constante.

03. A

Análise das alternativas:

(A) **Verdadeira.**

(B) **Falsa:** A balança mede massa em quilogramas. Quilograma-força é uma unidade de força.

(C) **Falsa:** É a massa do gato que é a mesma em qualquer planeta.

(D) **Falsa:** As balanças medem massa.

(E) **Falsa:** Neste caso o peso seria menor pelo fato da gravidade ser menor, mas não alteraria a massa do Garfield.

04. D

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Na superfície: } g_T = \frac{GM}{R_T^2} \\ \text{Na espaçonave: } g = \frac{GM}{(R_T + h)^2} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{g}{g_T} = \frac{GM}{(R_T + h)^2} \times \frac{R_T^2}{GM} \Rightarrow g = g_T \left(\frac{R_T}{R_T + h} \right)^2.$$

05. C

Para diminuir o peso desse objeto, deveríamos diminuir o campo gravitacional terrestre (**g**). Analisando a expressão, vejamos o que aconteceria se aumentássemos o raio e diminuíssemos a massa na mesma proporção. Sendo **k** esse fator, temos:

$$\left\{ \begin{array}{l} g = \frac{GM}{R^2} \\ g' = \frac{G\left(\frac{M}{k}\right)}{(kR)^2} \Rightarrow g' = \frac{GM}{k^3 R^2} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{g'}{g} = \frac{GM}{k^3 R^2} \cdot \frac{R^2}{GM} \Rightarrow g' = \frac{g}{k^3}$$

O peso diminuiria, ficando dividido pelo cubo desse fator.

06. B

Na Terra:

$$g_T = \frac{GM}{R^2} = 10 \text{ m/s}^2.$$

Em Netuno:

$$g_N = \frac{G(18M)}{(4R)^2} \Rightarrow g_N = \frac{18}{16} \left(\frac{GM}{R^2} \right) = \frac{9}{8} g_T = \frac{9}{8} (10) \Rightarrow g_N = 11,25 \text{ m/s}^2.$$

07. B

Dados: $M_t = 6,0 \times 10^{24}$ kg; $G = 6,7 \times 10^{-11}$ N.m² /kg²; $g = 0,25$ m/s².

Da expressão dada:

$$g = \frac{GM}{d^2} \Rightarrow d = \sqrt{\frac{GM_t}{g}} = \sqrt{\frac{6,7 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}{0,25}} \cong \sqrt{16 \times 10^{14}} = 4 \times 10^7 \text{ m} \Rightarrow d = 4 \times 10^4 \text{ km.}$$

08. B

Dados: $m = 60$ kg; $P_0 = 600$ N; $h = \frac{2}{3}R$.

Sendo G a constante de gravitação, M e R a massa e o raio da Terra, respectivamente, de acordo com a lei de Newton da gravitação, na superfície o peso é:

$$P_0 = \frac{GMm}{R^2}.$$

Na altura h o peso é:

$$P = \frac{GMm}{(R+h)^2}.$$

Fazendo a razão entre essas expressões:

$$\frac{P}{P_0} = \frac{GMm}{(R+h)^2} \times \frac{R^2}{GMm} \Rightarrow \frac{P}{P_0} = \left(\frac{R}{R + \frac{2}{3}R} \right)^2 \Rightarrow \frac{P}{P_0} = \left(\frac{\cancel{R}}{\frac{5}{3}\cancel{R}} \right)^2 = \frac{9}{25} \Rightarrow \frac{P}{600} = \frac{9}{25} \Rightarrow$$

$$P = 216 \text{ N.}$$

09. A

Lembremos que a massa é o produto da densidade pelo volume ($M = \rho V$) e que o volume de uma esfera é

$$V = \frac{4}{3} \pi R^3.$$

Encontremos, primeiramente, a expressão que dá a intensidade do campo gravitacional em função da densidade (ρ) e do raio (R) de um astro esférico.

$$g = \frac{GM}{R^2} = \frac{G(\rho V)}{R^2} = \frac{G\rho \left(\frac{4}{3} \pi R^3 \right)}{R^2} \Rightarrow g = \left[\frac{4}{3} \pi G \right] \rho R.$$

Por essa expressão, vemos que a intensidade do campo gravitacional é diretamente proporcional ao produto da densidade pelo raio, ou seja, $g = k\rho R$, sendo k , a constante de proporcionalidade.

Aplicamos essa expressão para os dados fornecidos: $\rho_{\text{Lua}} = \frac{\rho_{\text{Terra}}}{2}$ e $R_{\text{Lua}} = \frac{R_{\text{Terra}}}{4}$.

Assim:

$$\frac{g_{\text{Lua}}}{g_{\text{Terra}}} = \frac{k\rho_{\text{Lua}}R_{\text{Lua}}}{k\rho_{\text{Terra}}R_{\text{Terra}}} \Rightarrow \frac{g_{\text{Lua}}}{g_{\text{Terra}}} = \frac{\frac{\rho_{\text{Terra}}}{2} \frac{R_{\text{Terra}}}{4}}{\rho_{\text{Terra}}R_{\text{Terra}}} = \frac{1}{8} \Rightarrow$$

$$g_{\text{Lua}} = \frac{1}{8} g_{\text{Terra}}.$$

10. C

A aceleração gravitacional na superfície de um planeta é dada por $g = G.M/R^2$, onde G é a constante da gravitação universal; M é a massa do planeta e R seu raio.

Para Urano

$$0,9.g = G.14,4.M/R_U^2$$

Para Terra

$$g = G.M/R_T^2$$

Divididas as duas expressões:

$$0,9 = 14,4.(R_U/R_T)^2 \rightarrow (R_U/R_T)^2 = 14,4/0,9 = 16 \rightarrow R_U/R_T = 4$$

AULA 22**01. B**

A intensidade da força de atração gravitacional é inversamente proporcional ao quadrado da distância entre a Terra e o satélite. Como as órbitas são circulares, a distância para cada satélite é constante, sendo também constante a intensidade da força gravitacional sobre cada um. Como as massas são iguais, o satélite mais distante sofre força de menor intensidade.

Assim: $F_A < F_B < F_C < F_D < F_E$.

02. B

I. **Verdadeira.** Sabendo as razões de massa e raio entre a Terra e Júpiter e considerando os planetas como esferas perfeitas, com os volumes podemos calcular a densidade relativa entre os planetas.

$d = \frac{M}{V}$ e $V = \frac{4}{3}\pi R^3$, então:

$$d_J = \frac{M_J}{V_J} = \frac{300 M_T}{\frac{4}{3}\pi(11R_T)^3} \Rightarrow d_J = \frac{300}{11^3} \cdot \frac{M_T}{\frac{4}{3}\pi(R_T)^3} \therefore d_J = 0,225 \cdot d_T$$

II. **Falsa.** A gravidade aparente no equador é obtida fazendo a diferença entre a aceleração da gravidade e a aceleração centrípeta, devido ao movimento circular de rotação, de acordo com:

$$g_{ap} = g - a_c \Rightarrow g_{ap} = g - \omega^2 R$$

A velocidade angular ω é dada por:

$$\omega = \frac{2\pi}{T}, \text{ onde } T \text{ é o período de rotação.}$$

Para Júpiter e Terra:

$$\omega_J = \frac{2\pi}{T_J} \Rightarrow \omega_J = \frac{2\pi \text{ rad}}{10 \text{ h}} \therefore \omega_J = \frac{\pi}{5} \text{ rad/h}$$

$$\omega_T = \frac{2\pi}{T_T} \Rightarrow \omega_T = \frac{2\pi \text{ rad}}{24 \text{ h}} \therefore \omega_T = \frac{\pi}{12} \text{ rad/h}$$

Logo, as acelerações centrípetas para cada planeta serão:

$$a_{c,T} = \omega_T^2 \cdot R_T \therefore a_{c,T} = \left(\frac{\pi}{12}\right)^2 \cdot R_T$$

$$a_{c,J} = \omega_J^2 \cdot R_J \therefore a_{c,J} = \left(\frac{\pi}{5}\right)^2 \cdot 11 R_T$$

Dividindo os termos, obtemos a razão:

$$\frac{a_{c,J}}{a_{c,T}} = \frac{\left(\frac{\pi}{5}\right)^2 \cdot 11 R_T}{\left(\frac{\pi}{12}\right)^2 \cdot R_T} \Rightarrow \frac{a_{c,J}}{a_{c,T}} = 63,36 \therefore a_{c,J} > a_{c,T}$$

III. **Verdadeira.** Faltam dados para a resolução correta do item. A massa do planeta Júpiter não foi fornecida e não se consegue determinar a velocidade orbital.

Usando dados obtidos do livro *Física 1*, Halliday e Resnick, página 327:

$$M_J = 1,9 \cdot 10^{27} \text{ kg}$$

$$G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3/\text{s}^2 \cdot \text{kg}$$

Então a velocidade orbital será de:

$$v_{\text{orbital}} = \sqrt{\frac{G \cdot M_J}{R_{\text{orbital}}}} \Rightarrow v_{\text{orbital}} = \sqrt{\frac{6,67 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3/\text{s}^2 \cdot \text{kg} \cdot 1,9 \cdot 10^{27} \text{ kg}}{7,5 \cdot 10^7 \text{ m}}}$$

$$\therefore v_{\text{orbital}} \approx 40.009 \text{ m/s} = 40,0 \text{ km/s}$$

Resultando em valor próximo à afirmativa, sendo considerada **verdadeira**, no caso se a banca tivesse fornecido dados suficientes.

IV. **Falsa.** Usando a Lei dos períodos de Kepler:

$$\frac{T_J^2}{R_J^3} = \frac{T_T^2}{R_T^3} \Rightarrow \frac{12^2}{R_J^3} = \frac{1^2}{R_T^3} \Rightarrow R_J = \sqrt[3]{12^2 \cdot R_T^3} \therefore$$

$$\therefore R_J \approx 5,2 R_T$$

Portanto, não há resposta correta para a questão como foi divulgada, porém, de acordo as modificações apresentadas na análise, a resposta certa seria a alternativa (B).

03. B

A velocidade orbital é obtida igualando-se à força centrípeta e a força gravitacional:

$$m \cdot \frac{v^2}{R} = G \cdot \frac{M \cdot m}{R^2} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{G \cdot M}{R}}$$

A intensidade da quantidade de movimento linear é dada por:

$$Q = m \cdot v \Rightarrow Q = m \cdot \sqrt{\frac{G \cdot M}{R}}$$

$$Q = 5 \text{ kg} \cdot \sqrt{\frac{6,67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{kg}^2 \cdot 5,98 \cdot 10^{24} \text{ kg}}{(650.000 \text{ m} + 6.350.000 \text{ m})}}$$

$$Q = 37.742,8 \text{ kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}} \approx 3,8 \cdot 10^4 \text{ kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

04. B

Verdadeira. Fazendo a razão entre as forças gravitacionais, colocando os dados em função da Terra, temos:

$$\frac{F_P}{F_T} = \frac{\frac{2M_T}{(0,5R_T)^2}}{\frac{M_T}{(R_T)^2}} \Rightarrow \frac{F_P}{F_T} = 8$$

Verdadeira. Fazendo a razão entre as forças gravitacionais dos planetas e suas estrelas usando a referência da Terra:

$$\frac{F_{PE}}{F_{TS}} = \frac{\frac{2M_S \cdot 2M_T}{(3R)^2}}{\frac{M_S \cdot M_T}{(R)^2}} \Rightarrow \frac{F_{PE}}{F_{TS}} = \frac{4}{9}$$

Falsa. Na primeira afirmativa já calculamos esta razão.

Verdadeira. A velocidade orbital quando aproximada a uma trajetória circular nos fornece a seguinte expressão:

$v = \sqrt{\frac{G \cdot M}{R}}$, onde G é a constante de gravitação universal, M é a massa da estrela, R é a distância entre os centros de massa e v é a velocidade orbital.

Logo, fazendo a razão entre as velocidades orbitais da Terra e do planeta P, temos:

$$\frac{v_P}{v_T} = \sqrt{\frac{2M_S / 3R}{M_S / R}} \therefore \frac{v_P}{v_T} = \sqrt{\frac{2}{3}}$$

Falsa. Na segunda afirmativa foi determinado.

05. C

A velocidade orbital para um movimento perfeitamente circular é obtida a partir da força resultante neste movimento, isto é, a força centrípeta que é igual à força gravitacional:

$$F_{cp} = F_g \Rightarrow m \cdot \frac{v^2}{R} = G \cdot \frac{M \cdot m}{R^2} \therefore v = \sqrt{\frac{GM}{R}}$$

Tendo em vista que a velocidade orbital independe da massa do planeta, logo o fato de duplicar a massa do mesmo, não vai fazer diferença, pois para manter a mesma velocidade orbital, devemos também manter o raio da órbita.

- 06. D**
De acordo com a igualdade entre a força gravitacional e a resultante centrípeta de um movimento circular, podemos obter a velocidade orbital de um satélite.

$$F_g = R_c \Rightarrow \frac{GMm}{r^2} = \frac{mv^2}{r} \therefore v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$$

Para Plutão: $r_P = d$

$$v_P = \sqrt{\frac{GM_P}{r_P}} = \sqrt{\frac{GM_P}{d}}$$

Para a Terra: $M_T = 500 M_P$ e $r_T = 2d$

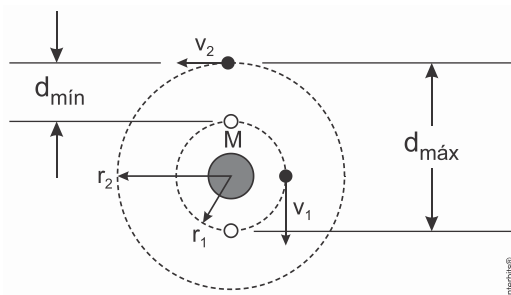
$$v_T = \sqrt{\frac{GM_T}{r_T}} = \sqrt{\frac{G \cdot 500 M_P}{2d}}$$

Assim, fazendo a razão entre as velocidades orbitais da Terra e de Plutão, temos:

$$\frac{v_T}{v_P} = \frac{\sqrt{\frac{GM_T}{r_T}}}{\sqrt{\frac{GM_P}{r_P}}} = \frac{\sqrt{\frac{G \cdot 500 M_P}{2d}}}{\sqrt{\frac{G M_P}{d}}} \Rightarrow \frac{v_T}{v_P} = \sqrt{250} = 5\sqrt{10}$$

Logo, o fator multiplicador de $\sqrt{10}$ é 5.

- 07. B**
A partir da figura abaixo, temos:



$$\frac{d_{\min}}{d_{\max}} = \frac{r_2 - r_1}{r_2 + r_1} = \frac{4}{5}$$

De onde vem:

$$5 \cdot (r_2 - r_1) = 4 \cdot (r_2 + r_1)$$

$$r_2 = 9 \cdot r_1 \quad (1)$$

Como a força resultante em movimentos curvilíneos é igual à força centrípeta e esta representa a força gravitacional:

$$F_c = F_g$$

$$\frac{m \cdot v^2}{r} = \frac{G \cdot M \cdot m}{r^2} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{G \cdot M}{r}} \quad (2)$$

Fazendo a razão v_1/v_2 :

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{\sqrt{\frac{G \cdot M}{r_1}}}{\sqrt{\frac{G \cdot M}{r_2}}} = \sqrt{\frac{r_2}{r_1}}$$

Substituindo a equação (1)

$$\frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{9 \cdot r_1}{r_1}} \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \sqrt{9} = 3$$

- 08. C**
O movimento de satélites pode ser considerado um movimento circular uniforme e a velocidade orbital desses objetos pode ser obtida igualando as forças existentes. No caso, a força centrípeta e a força gravitacional.

$$F_c = F_g$$

$$\frac{m \cdot v^2}{R} = G \frac{M \cdot m}{R^2}$$

Explicitando a velocidade e fazendo as simplificações:

$$v = \sqrt{G \frac{M}{R}}$$

Então a velocidade depende da massa da Terra e do raio da órbita.

- 09. D**
Dados:

$$R = 6 \times 10^3 \text{ km} = 6 \times 10^6 \text{ m}; \quad h = 720 \text{ km} = 0,72 \times 10^6 \text{ m}; \quad M = 6 \times 10^{24} \text{ kg};$$

$$G = 6,7 \times 10^{-11} \text{ m}^3/\text{kg} \cdot \text{s}^2.$$

Como a órbita é circular, a gravidade tem a função de aceleração centrípeta.

$$a_c = g \Rightarrow \frac{v^2}{R+h} = \frac{GM}{(R+h)^2} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{GM}{R+h}} = \sqrt{\frac{6,7 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}{6 \times 10^6 + 0,72 \times 10^6}} \Rightarrow$$

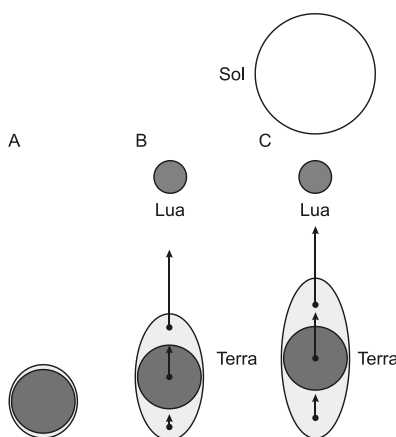
$$v = \sqrt{\frac{6,7 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}{6,72 \times 10^6}} = \sqrt{60 \times 10^6} \cong 7,7 \times 10^3 \text{ m/s} \Rightarrow$$

$$v = 7,7 \text{ km/s.}$$

- 10. E**
O perigeu representa a maior aproximação entre a estação e a Terra e isto proporciona a maior velocidade, com conseqüente maior energia cinética.

AULA 23

- 01. C**
As marés ocorrem devido às forças gravitacionais de atração entre a Terra e a Lua e entre a Terra e o Sol. Portanto, quando os centros desses astros estão sobre a mesma linha, nos pontos da superfície da Terra que estão sobre essa linha, a maré é ainda mais alta, sendo mais baixa nos pontos a 90° .

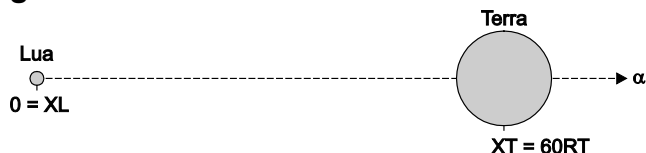


Ação das marés, mostrada de maneira exagerada para melhor entendimento.

A – situação isopotencial (sem maré); B – maré lunar; C – maré lunissolar.

Disponível em: <https://pt.wikipedia.org/wiki/Mar%C3%A9>

- 02. D**
A atração gravitacional entre massas não depende de nenhuma rotação.

03. C

Sistema Binário

Giram em torno do centro de massa do sistema

$$x_{cm} = \frac{m_1 \cdot x_1 + m_T \cdot x_T}{m_L + m_T}$$

$$x_{cm} = \frac{80m_L \cdot x_T}{m_L + 80m_L} = \frac{80m_L \cdot x_T}{81m_L}$$

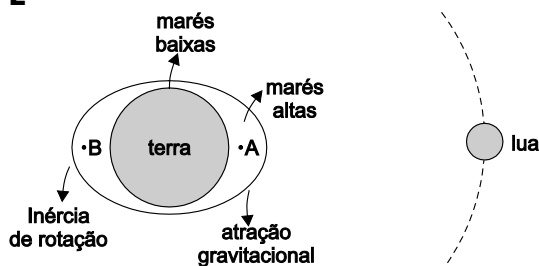
$$x_{cm} = \frac{80}{81} \cdot x_T \approx 0,98x_T$$

Conclusão: O centro de massa do sistema localiza-se no interior da terra!!

Sabendo que $R_T = \frac{x_T}{60} \therefore x_T = 60R_T$,

$$x_{cm} = 0,98x_T = \frac{80}{81} \cdot 60R_T$$

$$x_{cm} \cong 60R_T \approx x_T$$

04. E

A e B apresenta marés altas

1 dia = 2 marés altas e 2 marés baixas

05. A

As fases da Lua são identificadas tanto no hemisfério sul como no hemisfério norte da Terra da mesma forma, mas como se fossem imagens em um espelho plano em relação a como a Lua é vista em cada hemisfério. As fases são: Nova, Crescente, Cheia e Minguante. Como o eclipse do Sol somente ocorre na Lua Nova, a fase imediatamente anterior é a Minguante.

06. B

O fenômeno descrito depende também da posição relativa entre os corpos celestes, ou seja, do movimento de translação da Terra em torno do Sol.

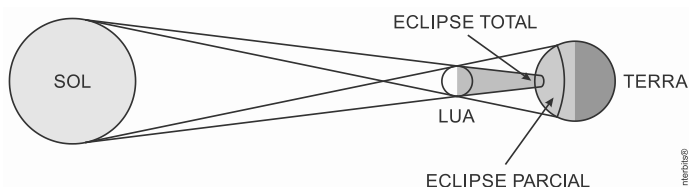
07. A

No eclipse solar, o Sol fica encoberto atrás da Lua, portanto estamos na Lua Nova, enquanto que no eclipse Lunar a sombra da Terra se projeta no espaço ocultando a Lua, que está em fase Cheia.

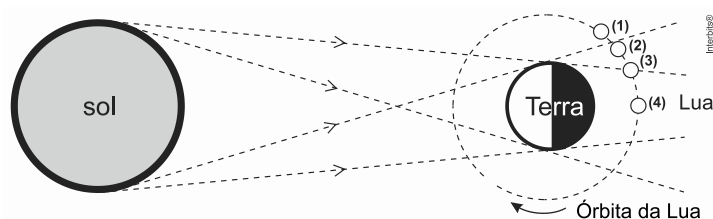
08. B

Justificando os itens falsos:

- I. **Falso.** Como vemos pela figura abaixo o eclipse solar só pode acontecer na fase da Lua Nova.
- IV. **Falso.** Podemos ver o que acontece na figura abaixo.



- 09. C**
Como mostra a figura, o eclipse lunar é consequência da propagação retilínea da luz e esse fenômeno ocorre na lua cheia, quando a Lua passa pelo cone de sombra da Terra.



- 10. C**
Quanto ao eclipse solar, temos:
Observador colocado no cone de sombra da Lua vê um eclipse total;
Observador colocado num cone de penumbra vê um eclipse parcial;
Observador colocado numa região plenamente iluminada da Terra vê o Sol inteiramente.

AULA 24

- 01. B**
Como o avião voa horizontalmente, a resultante das forças verticais sobre ele deve ser nula. Então a diferença entre as intensidades das forças de pressão vertical, para cima e para baixo, é igual à intensidade do peso do avião.

$$\Delta P \cdot A = m \cdot g \Rightarrow \Delta P = \frac{m \cdot g}{A} = \frac{3 \times 10^5 \times 10}{5 \times 10^2} \Rightarrow \Delta P = 6 \times 10^3 \text{ N/m}^2.$$

- 02. D**
Considerando que as três peças sejam maciças, os três objetos têm o mesmo peso (W).
 $W_{\text{esfera}} = W_{\text{cubo}} = W_{\text{icosaedro}}$.

A expressão da pressão é:

$$P = \frac{|F_n|}{A} \Rightarrow P = \frac{W}{A}.$$

Então a pressão depende da área de apoio. A ordem decrescente das áreas é:

$$A_{\text{esfera}} < W_{\text{cubo}} < W_{\text{icosaedro}}.$$

Sendo a pressão inversamente proporcional à área, vem:

$$P_{\text{esfera}} > P_{\text{icosaedro}} > P_{\text{cubo}}.$$

- 03. B**
A pressão é dada pela razão entre a intensidade da força normal aplicada e a área de aplicação. Nesse caso, a intensidade da força normal é igual à do peso da criança. Quando apoiada somente em um pé, a área de apoio reduz à metade, dobrando a pressão.

- 04. B**
- $$P_1 = \frac{F}{A} \Rightarrow P_1 = \frac{m \cdot g}{A} \Rightarrow P_1 = \frac{2 \cdot 10}{5 \cdot 10} \Rightarrow P_1 = \frac{2}{5}$$
- $$P_2 = \frac{F}{A} \Rightarrow P_2 = \frac{m \cdot g}{A} \Rightarrow P_2 = \frac{2 \cdot 10}{20 \cdot 10} \Rightarrow P_2 = \frac{1}{10}$$
- $$4 \cdot P_2 = 4 \cdot \frac{1}{10} \Rightarrow 4 \cdot P_2 = \frac{2}{5} \Rightarrow 4 \cdot P_2 = P_1$$

- 05. A**
Pressão = $\frac{F}{A} \Rightarrow$ Pressão = $\frac{mg}{A} \Rightarrow$ Pressão = $\frac{P}{A}$

- 06. B**
A pressão atmosférica diminui com a altitude, portanto ao passar de uma região de alta pressão para uma de baixa pressão, o avião está subindo, logo, ganhando altitude.
- 07. C**

$$P = \frac{F}{A} \Rightarrow F = P \cdot A \Rightarrow F = P \cdot \pi \cdot r^2 \Rightarrow F = 2,5 \cdot 10^5 \cdot 3 \cdot (3 \cdot 10^{-2})^2$$

$$F = 2,5 \cdot 10^5 \cdot 3 \cdot 9 \cdot 10^{-4} \Rightarrow F = 675 \text{ N}$$
- 08. C**
A pressão que um líquido exerce sobre a parede de um recipiente que o contém sempre será perpendicular à superfície (em todos os pontos do recipiente) e sempre apontando para fora.
Como o recipiente é cilíndrico, a pressão irá exercer forças radiais e com sentido para fora.
- 09. C**
Dados: $m = 48 \text{ g} = 48 \times 10^{-3} \text{ kg}$; $g = 10 \text{ m/s}^2$; $d = 4 \text{ mm} = 4 \times 10^{-3} \text{ m}$; $\pi = 3$.
Na situação proposta, a força de pressão exercida pelos gases equilibra a força peso do tubo cilíndrico e a força exercida pela pressão atmosférica sobre ele. Assim:

$$F_{\text{gás}} = P + F_{\text{atm}} \Rightarrow p_{\text{gás}} = \frac{P}{A} + p_{\text{atm}} \Rightarrow p_{\text{gás}} = \frac{m g}{\pi \frac{d^2}{4}} + p_{\text{atm}} \Rightarrow$$

$$p_{\text{gás}} = \frac{48 \times 10^{-3} \times 10 \times 4}{3 \times (4 \times 10^{-3})^2} + 1 \times 10^5 = 0,4 \times 10^5 + 1 \times 10^5 = 1,4 \times 10^5 \text{ N/m}^2 \Rightarrow$$

$p_{\text{gás}} = 1,4 \text{ atm.}$
- 10. D**
No seu funcionamento, a panela de pressão aumenta a pressão interna, fazendo com que o ponto de ebulição da água interna aumente, sendo assim eficaz para cozimentos mais rápidos economizando energia.

AULA 25

- 01. B**
Pela Lei de Stevin, sabendo que $1 \text{ g/cm}^3 = 10^3 \text{ kg/m}^3$, temos:

$$P = P_0 + \rho g h$$

$$3 \cdot 10^5 = 10^5 + 10^3 \cdot 10 \cdot h$$

$$2 \cdot 10^5 = 10^4 h$$

$$\therefore h = 20 \text{ m}$$
- 02. B**
Sabendo que a pressão manométrica do gás é dada por $p_m = p_{\text{int}} - p_{\text{atm}}$, pelo Teorema de Stevin, temos que:

$$p_m = \rho_{\text{Hg}} \cdot g \cdot (h_2 - h_1)$$

$$p_m = 13,6 \cdot 10^3 \cdot 10 \cdot (8 - 5) \cdot 10^{-2}$$

$$\therefore p_m = 4,08 \cdot 10^3 \text{ Pa}$$

- 03. B**

$$P_A = P_B$$

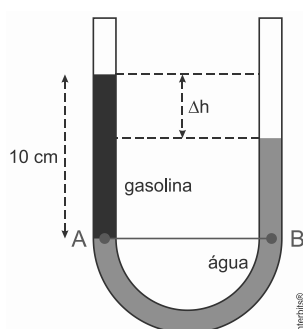
$$\rho_a \cdot g \cdot h_a = \rho_g \cdot g \cdot h_g$$

$$\rho_a \cdot h_a = \rho_g \cdot h_g$$

$$1 \cdot h_a = 0,75 \cdot 10$$

$$h_a = 7,5 \text{ cm}$$

$$\Delta h = h_g - h_a \Rightarrow \Delta h = 10 - 7,5 \Rightarrow \Delta h = 2,5 \text{ cm}$$



04. D

Como a temperatura será constante, a relação entre pressão e volume é dada pela Lei de Boyle:

$$p_1 \cdot V_1 = p_2 \cdot V_2 \quad (1)$$

A pressão no balão imerso é dada pela Lei de Stevin:

$$p_1 = p_{\text{atm}} + \rho g h \Rightarrow p_1 = 1,0 \times 10^5 \text{ Pa} + 1,0 \times 10^3 \text{ kg/m}^3 \cdot 10 \text{ m/s}^2 \cdot 10 \text{ m}$$

$$p_1 = 2,0 \times 10^5 \text{ Pa}$$

Substituindo na equação (1), obtemos o volume que o balão terá na superfície da água.

$$p_1 \cdot V_1 = p_2 \cdot V_2 \Rightarrow 2,0 \times 10^5 \text{ Pa} \cdot 1,0 \text{ L} = 1,0 \times 10^5 \text{ Pa} \cdot V_2 \therefore \boxed{V_2 = 2,0 \text{ L}}$$

05. B

A pressão total em função da profundidade de um determinado ponto imerso num determinado líquido é dada pela equação: $P = P_0 + \rho g h$ como mostrado para cada líquido no gráfico fornecido.

Isolando a densidade da equação, temos: $\rho = \frac{P - P_0}{g h}$

Usando os dados do gráfico para os líquidos A e B, transformando as unidades de pressão para Pascal, temos:

Para o líquido A:

$$\rho_A = \frac{P_A - P_0}{g \cdot h_A} \Rightarrow \rho_A = \frac{(2-1) \text{ atm} \cdot \frac{1 \cdot 10^5 \text{ Pa}}{1 \text{ atm}}}{10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 4 \text{ m}} \therefore \rho_A = 2,5 \cdot 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

Para o líquido B:

$$\rho_B = \frac{P_B - P_0}{g \cdot h_B} \Rightarrow \rho_B = \frac{(3-1) \text{ atm} \cdot \frac{1 \cdot 10^5 \text{ Pa}}{1 \text{ atm}}}{10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 4 \text{ m}} \therefore \rho_B = 5,0 \cdot 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

06. C

De acordo com o Teorema de Stevin, pontos de um mesmo líquido que estão na mesma horizontal suportam a mesma pressão. A recíproca é verdadeira: se os níveis estão sob mesma pressão então eles devem estar na mesma horizontal.

07. C

De acordo com o Teorema de Stevin, a pressão exercida por uma coluna líquida é diretamente proporcional à altura dessa coluna.

08. A

Do Teorema de Stevin:

$$p = dgh \Rightarrow h = \frac{p}{dg} \begin{cases} h_{\text{mín}} = \frac{18 \times 10^3}{10^3 \times 10} \Rightarrow \boxed{h_{\text{mín}} = 1,8 \text{ m.}} \\ h_{\text{máx}} = \frac{38 \times 10^3}{10^3 \times 10} \Rightarrow \boxed{h_{\text{máx}} = 3,8 \text{ m.}} \end{cases}$$

09. C

De acordo com o Teorema de Stevin, a pressão de uma coluna líquida é diretamente proporcional à altura dessa coluna, que é medida do nível do líquido até o ponto de saída, no caso, **h₃**.

10. B

A pressão hidrostática é $p_h = \rho g h$, sendo ρ a densidade da água, **g** a aceleração da gravidade e **h** a altura da coluna.

Notemos que a pressão não depende do volume, podendo, então, obter-se a mesma pressão com volumes menores, propiciando economia de água.

AULA 26**01. C**

Cada $\text{cm}_{\text{H}_2\text{O}}$ é aproximadamente 100 Pa, assim, chegamos ao resultado de forma rápida.

$$1 \text{ cm}_{\text{H}_2\text{O}} \text{ ————— } 100 \text{ Pa}$$

$$136 \text{ cm}_{\text{H}_2\text{O}} \text{ ————— } x$$

$$x \cong 1,36 \cdot 10^4 \text{ Pa}$$

02. D

Do enunciado: $F_0 = 1,5F_T$

Como $F = PA$, vem:

$$P_0 A_0 = 1,5 P_T A_T$$

$$P_0 \cdot 3 = 1,5 P_T \cdot 42$$

$$\therefore P_0 = 21 P_T$$

03. C

Pelo princípio de Pascal, a pressão é transmitida integralmente por cada ponto do líquido, isto é, a pressão no pistão A é igual à pressão no pistão B:

$$p_A = p_B$$

Usando a definição de pressão como a razão entre a força F e a área A , ficamos com:

$$\frac{F_A}{A_A} = \frac{F_B}{A_B}$$

Fazendo a razão entre as forças e calculando as áreas dos pistões:

$$\frac{F_B}{F_A} = \frac{A_B}{A_A} \Rightarrow \frac{F_B}{F_A} = \frac{\pi \cdot (240 \text{ cm})^2}{\pi \cdot (60 \text{ cm})^2} \Rightarrow \frac{F_B}{F_A} = 16$$

Já o trabalho W realizado para erguer o automóvel é:

$$W = F \cdot h \Rightarrow W = m \cdot g \cdot h \Rightarrow W = 1000 \text{ kg} \cdot 10 \text{ m/s}^2 \cdot 2 \text{ m}$$

$$W = 2 \cdot 10^4 \text{ J}$$

04. A

Pelo Teorema de Pascal:

$$\frac{F_1}{d_1^2} = \frac{F_2}{d_2^2} \Rightarrow \frac{F_1}{F_2} = \left(\frac{d_1}{d_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{F_1}{F_2} = \left(\frac{d_1}{2 d_1}\right)^2 \Rightarrow \boxed{\frac{F_1}{F_2} = \frac{1}{4}}$$

05. C

Como a velocidade é constante, a resultante sobre o sistema cadeirante-cadeira é nula. Assim, aplicando o Teorema de Pascal:

$$\frac{F_{\text{mot}}}{A_{\text{inj}}} = \frac{P_{\text{total}}}{A_{\text{elev}}} \Rightarrow \frac{F_{\text{mot}}}{A_{\text{inj}}} = \frac{P_{\text{total}}}{4 A_{\text{inj}}} \Rightarrow F_{\text{mot}} = \frac{(88 + 22)10}{4} \Rightarrow$$

$$\boxed{F_{\text{mot}} = 275 \text{ N.}}$$

06. C

Dados: $P = 2 \cdot 10^4 \text{ N}$; $A_1 = 4 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$; $A_2 = 0,16 \text{ m}^2 = 16 \cdot 10^{-2} \text{ m}^2$.

Pelo Teorema de Pascal:

$$\frac{F}{A_1} = \frac{P}{A_2} \Rightarrow F = \frac{P A_1}{A_2} = \frac{2 \cdot 10^4 (4 \cdot 10^{-4})}{16 \cdot 10^{-2}} = \frac{8 \cdot 10^2}{16} \Rightarrow$$

$$F = 50 \text{ N.}$$

07. A

Pelo Teorema de Pascal aplicado em prensas hidráulicas, temos:

$$\frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2}$$

O volume dos cilindros é dado por: $V = A \cdot h$.

Nas condições apresentadas no enunciado, temos:

$$V_2 = 4 \cdot V_1$$

$$A_2 \cdot h_2 = 4 \cdot A_1 \cdot h_1$$

$$A_2 \cdot h = 4 \cdot A_1 \cdot 3h$$

$$A_2 = 12 \cdot A_1$$

Assim:

$$\frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{12A_1} \Rightarrow \therefore \boxed{\frac{F_2}{F_1} = 12}$$

08. A

Pelo Princípio de Pascal, qualquer acréscimo de pressão transmitido a um ponto de um líquido em repouso, é transferido integralmente a todos os demais pontos desse líquido.

09. C

O módulo do peso (**P**) do conjunto a ser elevado é:

$$P = (m_{\text{pessoa}} + m_{\text{cad}} + m_{\text{plat}})g \Rightarrow P = (65 + 15 + 20)10 = 1.000 \text{ N.}$$

Como a velocidade é constante, aplicando a expressão do Princípio de Pascal:

$$\frac{F_{\text{motor}}}{A_{\text{tub}}} = \frac{P}{A_{\text{pistão}}} \Rightarrow \frac{F_{\text{motor}}}{A_{\text{tub}}} = \frac{1.000}{5 \cdot A_{\text{tub}}} \Rightarrow$$

$$F_{\text{motor}} = 200 \text{ N.}$$

10. B

Dados: $A_{\text{tampa}} = 9\pi \times 10^{-6} \text{ m}^2$; $D_{\text{êmbolo}} = 30 \text{ mm} = 3 \times 10^{-2} \text{ m}$; $F_{\text{êmbolo}} = 4 \text{ N}$.

Do Teorema de Pascal, a pressão é transmitida integralmente a todos os pontos do fluido:

$$P_{\text{tampa}} = P_{\text{êmbolo}} \Rightarrow \frac{F_{\text{tampa}}}{A_{\text{tampa}}} = \frac{F_{\text{êmbolo}}}{A_{\text{êmbolo}}} \Rightarrow \frac{F_{\text{tampa}}}{9\pi \times 10^{-6}} = \frac{F_{\text{êmbolo}}}{\pi D^2 / 4} \Rightarrow$$

$$\frac{F_{\text{tampa}}}{F_{\text{êmbolo}}} = \frac{4 \times 9 \times 10^{-6}}{(3 \times 10^{-2})^2} = \frac{4 \times 9 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}} \Rightarrow \frac{F_{\text{tampa}}}{F_{\text{êmbolo}}} = 4 \times 10^{-2}.$$

AULA 27**01. C**

A razão entre as densidades nos informa a porcentagem submersa do corpo no líquido:

$$\frac{d_A}{d_L} = 1 \Rightarrow d_A = d_L$$

$$\frac{d_B}{d_L} = 0,5 \Rightarrow d_B = 0,5 d_L$$

$$\frac{d_C}{d_L} = 0,33 \Rightarrow d_C = 0,33 d_L$$

Logo, $d_A > d_B > d_C$.

02. C

Para a pessoa fora da piscina, sua força normal, em módulo, será:

$$N = m \cdot g$$

Para a pessoa na piscina, com 24% de seu volume submerso, temos a presença do Empuxo, de acordo com o Princípio de Arquimedes:

$$E = d_{\text{liq}} \cdot V_{\text{corpo}} \cdot g$$

Mas considerando que somente parte do volume está submerso e que o volume é a razão entre a massa e a densidade do corpo,

$$E = d_{\text{liq}} \cdot 0,24 \cdot \frac{m}{d_{\text{corpo}}} \cdot g \Rightarrow E = 1 \text{g/cm}^3 \cdot \frac{0,24}{0,96} \cdot m \cdot g \therefore E = 0,25 \cdot m \cdot g$$

Portanto, com o Empuxo, há uma redução de 25% da força normal em relação ao corpo fora da piscina.

03. B

Neste caso, peso do corpo P e empuxo E estão em equilíbrio:

$$E = P \Rightarrow \mu_{\text{liq}} \cdot \rho \cdot V_{\text{sub}} = m \cdot \rho$$

Substituindo os valores e sabendo que 1L = 1 000 cm³

$$\mu_{\text{liq}} = \frac{m}{V_{\text{sub}}} \Rightarrow \mu_{\text{liq}} = \frac{600 \text{ g}}{0,8 \cdot 1000 \text{ cm}^3} \therefore \mu_{\text{liq}} = 0,75 \text{ g/cm}^3$$

04. C

O *iceberg* está em repouso sobre a ação exclusiva de duas forças de sentidos opostos: o peso e o empuxo. Então essas duas forças têm a mesma intensidade. Assim:

$$P = E \Rightarrow m \cdot \rho = d_{\text{ag}} \cdot \rho \cdot V_{\text{im}} \Rightarrow d_{\text{gelo}} \cdot V = d_{\text{ag}} \cdot \frac{9}{10} V \Rightarrow d_{\text{gelo}} = 1 \times \frac{9}{10} \Rightarrow d_{\text{gelo}} = \boxed{0,9 \text{ g/cm}^3}$$

05. A

Lembrando que a intensidade do empuxo é igual à do peso de líquido deslocado, ao retirar o braço para fora da água, o volume de líquido deslocado diminui, diminuindo a intensidade do empuxo. Como o peso não se altera, a tendência do corpo é afundar.

06. B

Para o navio flutuar, é necessário que as forças peso e empuxo se equiparem (resultante vertical nula).

07. D

De acordo com o enunciado, ao afundar os legumes, 1/3 do volume fica fora d'água; logo, 2/3 do volume ficam imersos, o que corresponde a 0,5 litro (**V_i = 0,5 L**), pois o recipiente graduado passou à indicação de 1 litro para 1,5 litro.

Seja **V** o volume dos legumes:

$$\frac{2}{3} V = V_i \Rightarrow \frac{2}{3} V = 0,5 \Rightarrow v = \frac{0,5(3)}{2} \Rightarrow V = 0,75 \text{ L}$$

Com o dado obtido na Internet:

$$\rho_{\text{leg}} = \frac{\rho_{\text{água}}}{2} = \frac{1}{2} = 0,5 \text{ g/cm}^3 \Rightarrow \rho_{\text{leg}} = 0,5 \text{ kg/L}$$

Aplicando a definição de densidade:

$$m_{\text{leg}} = \rho_{\text{leg}} \cdot V = 0,5(0,75) \Rightarrow$$

$$m_{\text{leg}} = 0,375 \text{ kg}$$

Fica uma sensação de que o examinador cometeu um deslize, pois se ele colocou a porção de legumes em água, no equilíbrio, o empuxo sobre a fração imersa do volume deveria ter equilibrado o peso, mas:

$$\left. \begin{array}{l} P = m_{\text{leg}} \cdot g = 0,375(10) \Rightarrow P = 3,75 \text{ N} \\ E = \rho_{\text{água}} \cdot V_i \cdot g = 1(0,5)(10) \Rightarrow E = 5 \text{ N} \end{array} \right\} E > P!!!$$

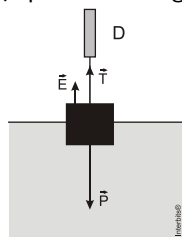
Podemos contornar a situação, supondo que os legumes foram forçados a afundar mais que a metade do volume.

08. B

Dados: $m = 3 \text{ kg} = 3.000 \text{ g}$; $P = 30 \text{ N}$; $V_1 = V/2$; $a = 10 \text{ cm}$; $T = 24 \text{ N}$; $g = 10 \text{ m/s}^2$.

Calculando o volume do cubo: $V = a^3 = 10^3 \text{ cm}^3 \Rightarrow V = 10^3 \times 10^{-6} \text{ m}^3 \Rightarrow V = 10^{-3} \text{ m}^3$.

A figura mostra as forças que agem no cubo, quando mergulhado na água do lago.



Do equilíbrio, temos: $T + E = P \rightarrow E = P - T = 30 - 24 \rightarrow E = 6 \text{ N}$

Da expressão do empuxo:

$$E = \rho_{\text{água}} V_{\text{imerso}} g \Rightarrow 6 = \rho_{\text{água}} \frac{10^{-3}}{2} 10 \Rightarrow \rho_{\text{água}} = \frac{12}{10^{-2}} = 1.200 \text{ kg/m}^3 \Rightarrow \rho_{\text{água}} = 1,2 \text{ g/cm}^3.$$

09. C

Ao apertar a garrafa, aumenta-se a pressão na água nela contida e, conseqüentemente, na porção de ar que há no frasco. Esse ar comprimido diminui de volume, entrando mais água no frasco.

10. E

Com a piscina cheia, a água exercerá na escultura uma força vertical, para cima, chamada empuxo, cuja intensidade é igual ao peso do volume de água deslocado pela escultura. Matematicamente, o empuxo é dado por:

$$E = d_{\text{líquido}} V_{\text{imerso}} g.$$

Essa força vertical se somará à força exercida pelos trabalhadores, facilitando a retirada da escultura.

AULA 28**01. B**

Dados: $d_a = 10^3 \text{ kg/m}^3$; $\pi = 3$; $R = 10 \text{ cm} = 10^{-1} \text{ m}$.

O sistema está em equilíbrio. Então o empuxo sobre a semiesfera e o peso do cachorro tem a mesma intensidade.

$$P = E \Rightarrow m g = d_a V_{\text{im}} g \Rightarrow m = d_a \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{4}{3} \cdot \pi \cdot R^3 \right) = 10^3 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{3} \cdot 3 \cdot (10^{-1})^3 = 10^3 \cdot 2 \times 10^{-3} \Rightarrow \boxed{m = 2 \text{ kg}}$$

02. D

O equilíbrio do conjunto é dado pela igualdade do peso e o empuxo.

$$P = E$$

$$Mg = \mu Vg$$

Onde:

$$M = m_b + 2m_{\text{cam}} + 2m_{\text{carga}} \text{ (massa total do conjunto barca e caminhões carregados);}$$

$$V = A \cdot h$$

Substituindo:

$$(m_b + 2m_{\text{cam}} + 2m_{\text{carga}})g = \mu A h g$$

Isolando a massa da carga de cada caminhão e substituindo os valores:

$$m_{\text{carga}} = \frac{\mu A h - m_b - 2m_{\text{cam}}}{2} \Rightarrow m_{\text{carga}} = \frac{1000 \text{ kg/m}^3 \cdot (10 \text{ m})^2 \cdot 0,4 \text{ m} - 10000 \text{ kg} - 2 \cdot 10000 \text{ kg}}{2}$$

$$m_{\text{carga}} = \frac{40000 \text{ kg} - 30000 \text{ kg}}{2} \therefore m_{\text{carga}} = 5000 \text{ kg}$$

03. A

$$E = d_{\text{meio}} \cdot V_{\text{deslocado}} \cdot g$$

Como eles estão no mesmo meio (ar) deslocando o mesmo volume de ar, o empuxo do gás Hélio será igual ao empuxo do oxigênio.

Observação: O peso do balão irá influenciar apenas se ele irá subir ($P < E$), descer ($P > E$) ou ficar estático ($P = E$).

04. C

Analisando o enunciado, podemos observar que:

$$E = T + P$$

Onde:

$E \rightarrow$ Empuxo

$T \rightarrow$ Tração no fio

$P \rightarrow$ Peso da mina

Assim, utilizando os dados fornecidos no enunciado, podemos escrever que:

$$T = E - P$$

$$T = \rho_{\text{H}_2\text{O}} \cdot V_{\text{sub}} \cdot g - m \cdot g$$

$$T = 1000 \cdot 4 \cdot 10 - 300 \cdot 10$$

$$T = 40000 - 3000$$

$$T = 37000 \text{ N}$$

$$T = 37 \text{ kN}$$

05. C

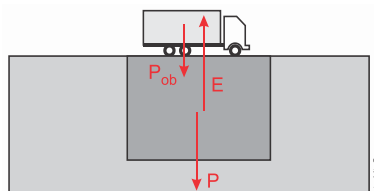
Cálculos preliminares:

Volume do bloco de madeira: $V = a^3 = 20^3 = 8.000 \text{ cm}^3$.

Densidade do líquido: $d_L = 1,2 \text{ g/cm}^3$.

Massa do objeto: $m_{\text{ob}} = 200 \text{ g}$.

A figura ilustra a situação descrita.



O empuxo no bloco equilibra o peso do bloco e do objeto sobre ele.

$$P + P_{\text{ob}} = E \Rightarrow dV_{\text{q}} + m_{\text{ob}}g = d_L V_{\text{q}} \Rightarrow d(8.000) + 200 = 1,2 \times 8.000 \Rightarrow$$

$$d = \frac{9.600 - 200}{8.000} \Rightarrow \boxed{d = 1,175 \text{ g/cm}^3.}$$

06. A

Justificando as alternativas falsas:

(F) As forças elástica e peso têm sentidos opostos entre si tanto na figura 1 quanto na 2.

Uma mola comprimida exerce um empurrão sobre um objeto. Ou seja, na figura I a força elástica está para cima. Uma mola esticada exerce um puxão sobre um objeto. Ou seja, na figura II a força elástica está para baixo.

(F) Na figura 2, as forças elásticas e empuxo têm o mesmo sentido. A força empuxo está para cima, e a força elástica está para baixo, em sentidos opostos.

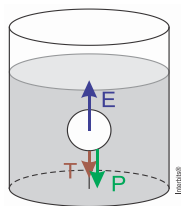
(F) Na figura 2, as forças peso e empuxo têm a mesma intensidade.

$$E + F_{\text{el}} - P = 0$$

$$E + F_{\text{el}} = P$$

07. A

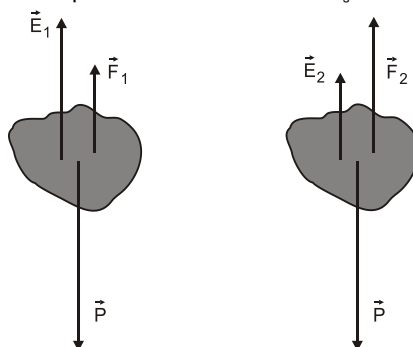
De acordo com o diagrama de corpo livre, as forças que atuam na esfera são:



Os módulos das forças Empuxo, Tração e Peso se relacionam entre si, de acordo com a equação de equilíbrio: $E = P + T$

08. C

As figuras mostram as forças agindo na pedra nas duas situações.



Calculando os volumes imersos:

$$d = \frac{m}{V_1} \Rightarrow V_1 = \frac{m}{d} = \frac{12}{2 \times 10^3} \Rightarrow V_1 = 6 \times 10^{-3} \text{ m}^3.$$

$$V_2 = \frac{1}{4} V_1 = \frac{6 \times 10^{-3}}{4} \Rightarrow V_2 = 1,5 \times 10^{-3} \text{ m}^3.$$

Equacionando os dois equilíbrios:

$$\begin{cases} F_1 + E_1 = P \\ F_2 + E_2 = P \end{cases} \Rightarrow F_2 + E_2 = F_1 + E_1 \Rightarrow F_2 - F_1 = E_1 - E_2 = d_a V_1 g - d_a V_2 g \Rightarrow$$

$$F_2 - F_1 = d_a g (V_1 - V_2) = 10^3 \times 10 (6 - 1,5) \times 10^{-3} \Rightarrow F_2 - F_1 = 45 \text{ N.}$$

09. A

O ar aquecido dentro do balão se expande, tornando-se menos denso que o ar externo. Assim, o peso do balão torna-se menor que o empuxo, fazendo que ele suba.

10. E

Se o corpo está em repouso, o peso e o empuxo têm a mesma intensidade:

$$P = E \Rightarrow d_{\text{cubo}} V_{\text{cubo}} g = d_{\text{água}} V_{\text{imerso}} g \Rightarrow \frac{d_{\text{cubo}}}{d_{\text{água}}} = \frac{V_{\text{imerso}}}{V_{\text{cubo}}} \Rightarrow$$

$$\frac{d_{\text{cubo}}}{d_{\text{água}}} = \frac{A_{\text{base}} h_{\text{imersa}}}{A_{\text{base}} H_{\text{cubo}}} \Rightarrow \frac{d_{\text{cubo}}}{1} = \frac{32}{40} \Rightarrow d_{\text{cubo}} = 0,8 \text{ g/cm}^3.$$

AULA 29**01. E**

Desenvolvendo as unidades das grandezas fundamentais para as grandezas derivadas, temos:

$$[\text{Pot}] = \frac{[\tau]}{[t]} = \frac{[F] \cdot [d]}{[t]} = \frac{[m] \cdot [a] \cdot [d]}{[t]} = \frac{[m] \cdot \frac{[d]}{[t]^2} \cdot [d]}{[t]} \therefore [\text{Pot}] = \frac{ML^2}{T^3} = ML^2 T^{-3}$$

02. A

$$E_p = \frac{kx^2}{2} \Rightarrow k = 2 \frac{E_p [\text{J}]}{x^2 [\text{m}^2]} \Rightarrow \boxed{[E_p] = \left[\frac{\text{J}}{\text{m}^2} \right]}$$

03. E

- I. $F_{AT} = [\text{N}]$. **Correto.**
- II. $E_p = [\text{C}/\text{J}]$ **Incorreto.** A energia é dada em joules [J].
- III. $V = [\text{C}]$. **Incorreto.** O potencial elétrico é dado em volts [V].
- IV. $E_C = [\text{J}/\text{C}]$. **Incorreto.** Assim como a energia potencial, a energia cinética é dada em joules [J].
- V. $W_F = [\text{J}]$. **Correto.**

04. B

A potência é dada pelo produto do módulo da velocidade (v) pela intensidade da força (F). Então:

$$[P] = [v] \times [F] \Rightarrow \boxed{P = H \times G.}$$

05. C

A potência é dada pela equação:

$$P = \frac{E}{t} = \frac{F \cdot d}{t} = \frac{m \cdot a \cdot d}{t}$$

As unidades serão:

$$[W] = \frac{[\text{J}]}{[\text{s}]} = \frac{[\text{N}] \cdot [\text{m}]}{[\text{s}]} = \frac{[\text{kg}] \cdot [\text{m}/\text{s}^2] \cdot [\text{m}]}{[\text{s}]} = [\text{kg}] \cdot \left[\frac{\text{m}^2}{\text{s}^3} \right]$$

06. B

$$\Delta m = \alpha v S \Delta t \Rightarrow \alpha = \frac{\Delta m}{v S \Delta t} \Rightarrow [\alpha] = \left[\frac{\text{kg}}{\cancel{\text{m}}/\cancel{\text{s}} \cdot \text{m}^2 \cdot \cancel{\text{s}}} \right] \Rightarrow \boxed{[\alpha] = [\text{kg} \cdot \text{m}^{-3}].}$$

07. C

A potência pode ser definida como o produto da intensidade da força pelo módulo da velocidade.

$$P = Fv \Rightarrow P = mav \Rightarrow [P] = [\text{kg}] \cdot \left[\frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right] \cdot \left[\frac{\text{m}}{\text{s}} \right] \Rightarrow \boxed{[P] = [\text{kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-3}].}$$

08. B

Foi dado pelo enunciado que $F_r = k \cdot v^2$. Assim, pode-se dizer que $k = \frac{F_r}{v^2}$.

Sabendo que no SI qualquer força é expressa em Newtons (N) e que a velocidade é m/s, podemos substituir na equação acima de forma a encontrar a unidade para a constante k.

$$k = \frac{F_r}{v^2} = \frac{\text{N}}{(\text{m}/\text{s})^2}$$

$$\text{Como, } F = m \cdot a \rightarrow \text{N} = \text{kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$k = \frac{\text{kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}{\text{m}^2/\text{s}^2} = \text{kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \frac{\text{s}^2}{\text{m}^2}$$

$$k = \frac{\text{kg}}{\text{m}}$$

- 09. D**
No SI, a posição **y** é expressa em metro (m) e o tempo é expresso em segundo (**s**). Isolando **b** na expressão dada:

$$y = \frac{bt^3}{2} \Rightarrow b = 2 \frac{y}{t^3} \left[\frac{\text{m}}{\text{s}^3} \right] \Rightarrow \boxed{[b] = \left[\frac{\text{m}}{\text{s}^3} \right]}$$

- 10. E**
Sabendo que: 1 kg = 1000 g e 1 m = 100 cm:

$$1 \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-2} \cdot \frac{10^3 \text{ g}}{1 \text{ kg}} \cdot \frac{10^2 \text{ cm}}{1 \text{ m}} = 10^5 \text{ g} \cdot \text{cm} \cdot \text{s}^{-2}$$

Ou seja, para $1 \text{ g} \cdot \text{cm} \cdot \text{s}^{-2}$, basta dividir tudo por 10^5 :

$$1 \text{ g} \cdot \text{cm} \cdot \text{s}^{-2} = 10^{-5} \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-2}$$

AULA 30

- 01. C**
Considerando o gás da bolha como gás ideal e sendo o processo isotérmico, pela equação geral dos gases:

$$\frac{p_0 V_0}{T_0} = \frac{pV}{T} \Rightarrow p_0 V_0 = 10^5 \text{ Pa} \cdot (V_0 + 0,5V_0)$$

Achamos a pressão do ponto onde a bolha se formou.

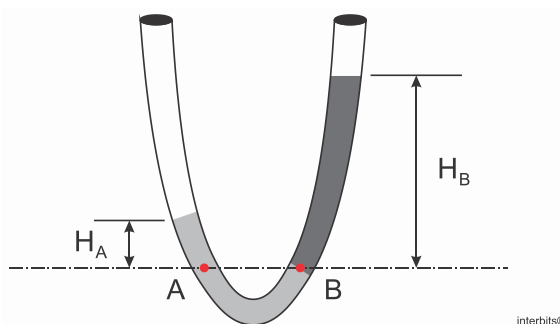
$$p_0 V_0 = 10^5 \text{ Pa} \cdot 1,5 V_0 \therefore p_0 = 1,5 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

Usando A Lei de Stevin, que relaciona a pressão à profundidade, tem-se:

$$p_0 = \mu g h + p_{\text{atm}} \Rightarrow h = \frac{p_0 - p_{\text{atm}}}{\mu g}$$

$$h = \frac{1,5 \cdot 10^5 \text{ Pa} - 1,0 \cdot 10^5 \text{ Pa}}{10^3 \text{ kg/m}^3 \cdot 10 \text{ m/s}^2} \therefore h = 5 \text{ m}$$

- 02. A**
Considerando que a pressão na superfície de cada líquido em contato com o ar é equivalente à pressão atmosférica:



Para os pontos A e B:

$$P_A = P_B$$

Pela Lei de Stevin, a pressão total até a superfície de cada líquido, é:

$$P_A = P_{\text{atm}} + \rho_A \cdot g \cdot H_A$$

$$P_B = P_{\text{atm}} + \rho_B \cdot g \cdot H_B$$

Igualando as duas equações:

$$\cancel{P_{\text{atm}}} + \rho_A \cdot g \cdot H_A = \cancel{P_{\text{atm}}} + \rho_B \cdot g \cdot H_B$$

Isolando a densidade de B:

$$\rho_B = \frac{\rho_A \cdot \cancel{g} \cdot H_A}{\cancel{g} \cdot H_B} \Rightarrow \rho_B = \frac{1,4 \text{ g/cm}^3 \cdot 35 \text{ cm}}{50 \text{ cm}} \therefore \rho_B = 0,98 \text{ g/cm}^3$$

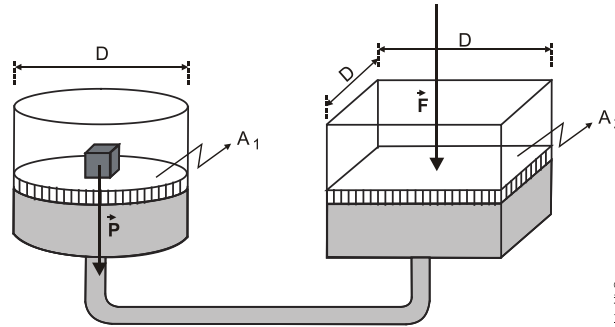
03. E

Aplicando o Teorema de Stevin:

$$p = d g h = 10^3 \times 10 \times 0,2 \times 4 \Rightarrow \boxed{p = 8.000 \text{ Pa.}}$$

04. C

A figura mostra as forças agindo sobre os êmbolos de áreas A_1 e A_2 .



Aplicando o Teorema de Pascal:

$$\frac{F}{A_2} > \frac{P}{A_1} \Rightarrow \frac{F}{D^2} > \frac{P}{\pi D^2} \Rightarrow \boxed{F > \frac{4P}{\pi}}$$

05. B

A diferença entre os valores registrados no dinamômetro representa o Empuxo. Pelo Princípio de Arquimedes, podemos determinar o volume do corpo, que neste caso também representa o volume de líquido deslocado, pois o corpo está totalmente imerso no líquido.

$$E = \mu_l \cdot V_l \cdot g \Rightarrow V_l = V_c = \frac{E}{\mu_l \cdot g} \Rightarrow V_c = \frac{2}{1 \cdot 10^3 \cdot 10} \therefore V_c = 2 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3$$

A densidade do corpo é dada pela razão entre sua massa e seu volume:

$$d_c = \frac{m_c}{V_c}$$

E sua massa é determinada pelo seu peso mostrado na figura I.

$$P = m_c \cdot g \Rightarrow m_c = \frac{P}{g} \Rightarrow m_c = \frac{16}{10} \therefore m_c = 1,6 \text{ kg}$$

Assim, sua densidade será:

$$d_c = \frac{m_c}{V_c} = \frac{1,6 \text{ kg}}{2 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3} \therefore d_c = 8 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$$

06. D

Para o equilíbrio, devemos ter:

$$E_1 + E_2 = P$$

Logo:

$$\rho_1 g V_1 + \rho_2 g V_2 = \rho_c g (V_1 + V_2)$$

$$0,4 V_1 + 1 \cdot 10 = 0,6 (V_1 + 10)$$

$$\therefore V_1 = 20 \text{ cm}^3$$

07. D

O equilíbrio de forças nos fornece o empuxo:

$$E = P - T \Rightarrow E = 500 \text{ N} - 300 \text{ N} \therefore E = 200 \text{ N}$$

Com o empuxo, podemos descobrir o volume da pedra:

$$E = \mu_{\text{liq}} \cdot V \cdot g \Rightarrow V = \frac{E}{\mu_{\text{liq}} \cdot g} \Rightarrow V = \frac{200 \text{ N}}{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} \therefore V = 0,02 \text{ m}^3$$

Logo, a massa específica da pedra será:

$$\mu = \frac{m}{V} \Rightarrow \mu = \frac{50 \text{ kg}}{0,02 \text{ m}^3} \therefore \mu = 2500 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

08. D

O empuxo é a diferença entre o peso e o peso aparente quando o corpo está totalmente ou parcialmente mergulhado, ou seja, de acordo com Arquimedes, é o peso de fluido deslocado pelo corpo.

$$E = P - P_{\text{ap}} = \mu V g \Rightarrow \mu = \frac{P - P_{\text{ap}}}{V g} \Rightarrow \mu = \frac{50 \text{ N} - 40 \text{ N}}{\frac{1}{2} \left(10 \text{ cm} \cdot \frac{1 \text{ m}}{100 \text{ cm}} \right)^3 \cdot 10 \text{ m/s}^2}$$

$$\therefore \mu = 2 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3 = 2 \text{ g/cm}^3$$

09. B

O empuxo máximo (barca na iminência de afundar) deve equilibrar o peso da barca mais o peso dos N automóveis.

$$N P_{\text{auto}} + P_{\text{barca}} = E \Rightarrow N m g + M g = d_{\text{ág}} V g \Rightarrow N = \frac{d_{\text{ág}} V - M}{m} = \frac{10^3 \times 100 - 4 \times 10^4}{1,5 \times 10^3} \Rightarrow \boxed{n = 40}$$

10. E

Utilizando a primeira expressão dada:

$$E = m \cdot g \cdot h \Rightarrow [E] = \left[\text{kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \text{m} \right] \Rightarrow [E] = \left[\text{kg} \cdot \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \right] \Rightarrow \boxed{[E] = [\text{kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-2}]}$$