

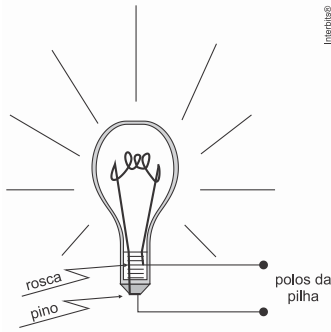
FÍSICA 4 – Volume 2

RESOLUÇÕES – EXERCITANDO EM CASA

AULA 11

01. D

Observemos a figura:



Ela mostra que, para uma lâmpada incandescente acender, um terminal da pilha deve estar em contato com a rosca e, o outro, com o pino (base), como ocorre em (1), (3) e (7).

02. A

Pela 2ª Lei de Ohm, temos:

$$R = \frac{\rho \ell}{A} \Rightarrow R_0 = \frac{2\rho}{A}$$

Para 2 peças de 4 m ligadas em paralelo, a resistência equivalente será:

$$R_{eq} = \frac{\frac{4\rho}{A} \cdot \frac{4\rho}{A}}{\frac{4\rho}{A} + \frac{4\rho}{A}} = \frac{2\rho}{A} = R_0$$

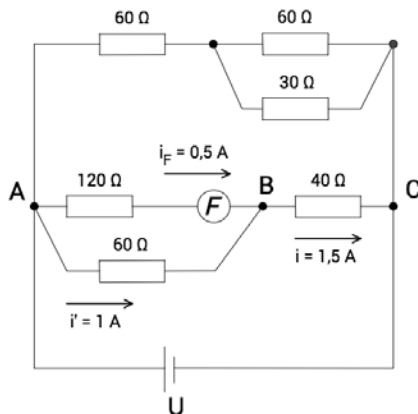
Portanto, esta é a configuração adequada.

03. E

O único circuito que fecha tanto para a posição I como para a posição II é o circuito da alternativa (E).

04. D

Redesenhando o circuito, temos:



Como pelo fusível deve passar uma corrente de 0,5 A, a corrente i' que deve passar pelo resistor de 60 Ω em paralelo com ele deve ser de:
 $120 \cdot 0,5 = 60 \cdot i' \Rightarrow i' = 1 \text{ A}$

Sendo assim, por BC deve passar uma corrente de:

$$i = i_F + i' = 0,5 + 1 \Rightarrow i = 1,5 \text{ A}$$

Resistência equivalente no ramo AC:

$$R_{AC} = \frac{120 \cdot 60}{120 + 60} + 40 \Rightarrow R_{AC} = 80 \Omega$$

Como os ramos estão em paralelo, podemos calcular U como:

$$U = R_{AC} \cdot i = 80 \cdot 1,5$$

$$\therefore U = 120 \text{ V}$$

05. C

O brilho de uma lâmpada depende da sua potência. A lâmpada de maior potência apresenta brilho mais intenso.

Com a chave na posição A, as lâmpadas 1 e 3 ficam ligadas em paralelo e a lâmpada 2 não acende; sendo R a resistência de cada lâmpada, a

resistência equivalente é $R_A = \frac{R}{2}$.

A potência dissipada na lâmpada 1 (P_{1A}) é metade da potência dissipada na associação (P_A). Se a tensão fornecida pelo gerador é U, temos:

$$P_A = \frac{U^2}{R_A} = \frac{U^2}{R/2} \Rightarrow P_A = \frac{2U^2}{R}$$

$$P_{1A} = \frac{P_A}{2} \Rightarrow P_{1A} = \frac{U^2}{R}$$

Com a chave na posição B, as lâmpadas 1 e 3 continuam em paralelo e em série com a lâmpada 2.

A resistência equivalente (R_B), a corrente total (I), a corrente na lâmpada 1 (i_{1B}) e a potência dissipada na lâmpada 1 (P_{1B}) são:

$$\left\{ \begin{aligned} R_B &= \frac{R}{2} + R \Rightarrow R_B = \frac{3R}{2} \\ I &= \frac{U}{R_B} = \frac{2U}{3R} \\ i_{1B} &= \frac{I}{2} = \frac{U}{3R} \\ P_{1B} &= R i_{1B}^2 = R \frac{U^2}{9R^2} \Rightarrow P_{1B} = \frac{U^2}{9R} \end{aligned} \right.$$

Assim:

$$R_A < R_B \Rightarrow P_{1A} > P_{1B}$$

Assim, a lâmpada 1 brilhará mais quando a chave estiver em A.

06. B

Para maximizar a potência de funcionamento do sistema, deveremos ter a máxima corrente e a menor resistência possível, levando em conta que o circuito do automóvel tem tensão constante. O

tipo de circuito que possui a menor resistência é o paralelo para todos os equipamentos. Logo, a resposta correta é letra [B].

07. A

Como a diferença de potencial (U) é a mesma nos três casos, a potência pode ser calculada pela expressão:

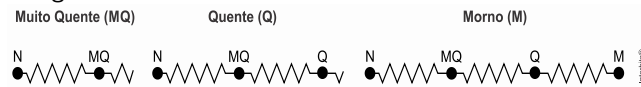
$$P = \frac{U^2}{R}$$

Assim, a conexão de menor resistência equivalente é a que dissipa a maior potência:

Como:

$$P_{MQ} > P_Q > P_M \Rightarrow R_{MQ} < R_Q < R_M$$

A figura ilustra essas conexões:



08. B

1ª Solução. A questão foi classificada como de baixa dificuldade, considerando uma solução técnica, raciocinando de uma forma prática, como segue.

Ao fechar a chave X, se:

- a resistência R é muito maior (tendendo a infinito) que as resistências das lâmpadas, o brilho de L_2 permanece inalterado;
- a resistência R é muito pequena (tendendo a zero) a lâmpada L_2 fica em curto e ela se apaga.

Portanto, quando a chave X é fechada o brilho da lâmpada L_2 diminui.

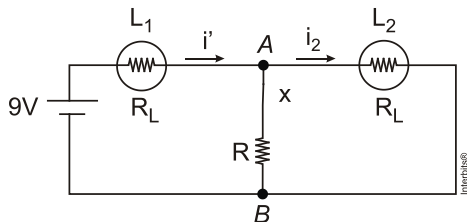
2ª Solução. Vamos, porém, a uma solução algébrica mais elaborada.

Seja R_L a resistência de cada lâmpada.

Com a chave aberta, as duas lâmpadas estão em série e a corrente (i_1) através de L_2 é:

$$i_1 = \frac{9}{2R_L} \quad (I)$$

Fechando-se a chave, a lâmpada L_2 fica em paralelo com o resistor de resistência R e o conjunto em série com L_1 . A figura abaixo indica essa nova situação;



A resistência equivalente desse circuito é:

$$R_{eq} = R_L + \frac{R_L R}{R_L + R} \Rightarrow R_{eq} = \frac{R_L^2 + 2R_L R}{R_L + R}$$

A nova corrente i' é:

$$i' = \frac{9}{R_{eq}} = \frac{9(R_L + R)}{R_L^2 + 2R_L R}$$

A tensão entre os pontos A e B do trecho em paralelo é:

$$U = R_{AB} i' = \frac{R_L R}{R_L + R} \left[\frac{9(R_L + R)}{R_L^2 + 2R_L R} \right] \Rightarrow U = \frac{9(R_L R)}{R_L^2 + 2R_L R}$$

A corrente através de L_2 é i_2 :

$$i_2 = \frac{U}{R_L} = \frac{9R_L R / (R_L^2 + 2R_L R)}{R_L} \Rightarrow$$

$$i_2 = \frac{9R}{R_L^2 + 2R_L R} = \frac{9R}{R \left(\frac{R_L^2}{R} + 2R_L \right)} \Rightarrow$$

$$i_2 = \frac{9}{2R_L + \frac{R_L^2}{R}} \quad (II)$$

Comparando (I) e (II), como $\frac{R_L^2}{R} > 0$, o denominador da expressão (II) é maior que o denominador da expressão (I), portanto: $i_2 < i_1$. Ou seja, quando a chave X é fechada, o brilho da lâmpada L_2 diminui.

09. C

Calculando a corrente total no circuito: A diferença de potencial no trecho superior, em paralelo, é $U_1 = 24$ V. Da primeira lei de Ohm:

$$U_1 = R_1 i \Rightarrow 24 = \frac{12 \times 8}{12 + 8} i \Rightarrow 24 = 4,8 i \Rightarrow i = 5 \text{ A}$$

No trecho inferior, também em paralelo, a resistência equivalente é R_2 :

$$\frac{1}{R_2} = \frac{1}{42} + \frac{1}{21} + \frac{1}{14} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{R_2} = \frac{1+2+3}{42} = \frac{6}{42} \Rightarrow R_2 = \frac{42}{6} = 7 \Omega$$

A ddp nesse trecho é:

$$U_2 = R_2 i \Rightarrow U_2 = 7(5) \Rightarrow U_2 = 35 \text{ V}$$

No resistor R_3 de 9Ω :

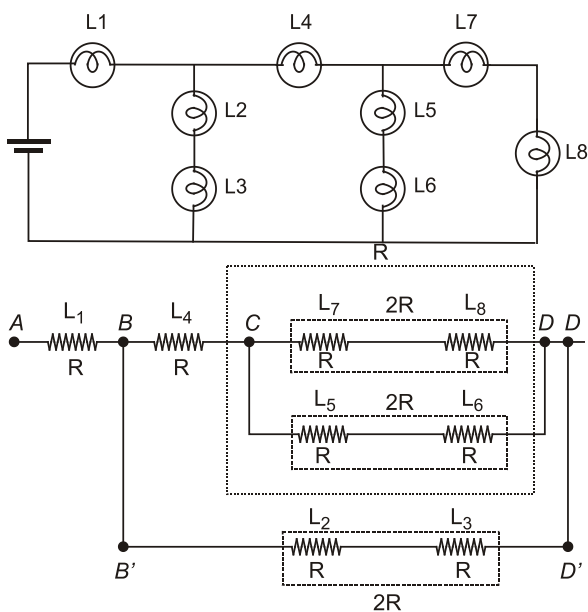
$$U_3 = R_3 i = 9(5) \Rightarrow U_3 = 45 \text{ V}$$

Entre os pontos a e b.

$$U_{ab} = R_{ab} i = (4,8 + 7 + 9)(5) = (20,8)(5) \Rightarrow U_{ab} = 104 \text{ V}$$

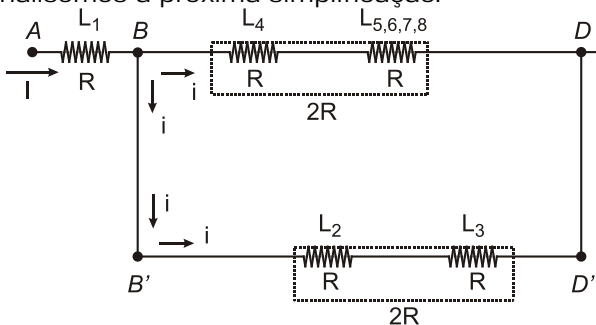
10. B

Inicialmente, modifiquemos o circuito para melhor visualização.



Como as lâmpadas são idênticas, todas têm mesma resistência R . O esquema acima mostra a resistência equivalente entre as lâmpadas em série, entre os pontos C e D e entre os pontos B' e D' . A resistência equivalente entre os pontos C e D é $R_{CD} = \frac{2R}{2} = R$, e entre os pontos B' e D' é $2R$.

Analisemos a próxima simplificação:



A corrente total (I), ao chegar no ponto B , divide-se, indo metade para cada um dos ramos BD e $B'D'$ ($i = \frac{I}{2}$), pois nos dois ramos a resistência é $2R$. Assim, as TRÊS lâmpadas percorridas por correntes iguais são L_2 , L_3 e L_4 .
Comentários:

- 1) As lâmpadas L_5 , L_6 , L_7 e L_8 também são percorridas por correntes de mesma intensidade, resultante da divisão de i em partes iguais ($i_{CD} = \frac{i}{2}$), porque os dois ramos entre C e D também apresentam mesma resistência, $2R$. Porém, essas quatro lâmpadas brilham menos.
- 2) Vejamos um trecho do enunciado: "...o iluminador deveria colocar três atores sob

luzes que tinham igual brilho e os demais, sob luzes de menor brilho..."

Notamos que a lâmpada L_1 é percorrida pela corrente total (I). Assim, o ator mais bem iluminado é aquele que estiver sob essa lâmpada, o que mostra um descuido do examinador na elaboração da questão.

AULA 12

01. A

Para que o amperímetro faça a leitura correta, ele deve ter resistência interna nula e ser ligado em série com o trecho de circuito onde se quer medir a corrente.

02. E

O voltímetro deve ser ligado em paralelo com o trecho de circuito onde se quer medir a tensão elétrica, ou seja, entre os terminais fase e neutro. O amperímetro para medir a corrente total deve ser instalado no terminal fase ou no terminal neutro.

O outro amperímetro para medir a corrente na lâmpada deve ser ligado em série com ela.

03. A

O amperímetro é um instrumento ligado em série com os demais elementos do circuito. Por isso, a sua resistência interna deve ser desprezível em relação às demais resistências do circuito, de forma a não alterar significativamente a resistência equivalente desse circuito, fornecendo leitura de erro desprezível.

04. E

Observe na figura 1 que os pontos A e C têm o mesmo potencial, portanto as resistências de 1Ω e 10Ω estão em curto circuito. Sendo assim, o circuito fica reduzido à figura 2.

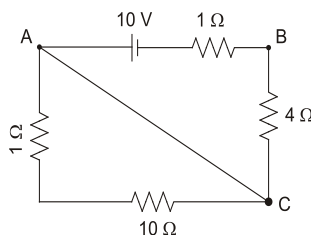


Figura 1

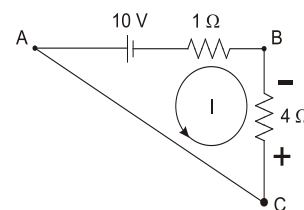


Figura 2

- (1) **Correta.** A corrente elétrica no circuito vale 2 A.

A corrente circulante pode ser calculada:
 $V = R \cdot I \rightarrow 10 = (4 + 1)I \rightarrow I = 2,0A$

- (3) **Errada.** A potência dissipada pelo resistor de 10Ω é de 10 W.
 $P = 0 \rightarrow$ não há corrente

- (5) **Correta.** O rendimento do gerador é de 80 %.
 $P_G = \epsilon \cdot I = 10 \times 2 = 20W$

$$P_{\text{diss}} = r \cdot i^2 = 1 \times (2)^2 = 4,0 \text{ W}$$

$$P_{\text{útil}} = P_G - P_{\text{diss}} = 20 - 4 = 16 \text{ W}$$

$$\eta = \frac{P_{\text{útil}}}{P_G} = \frac{16}{20} = 0,8 = 80\%$$

- (7) **Correta.** A diferença de potencial entre os pontos A e B vale 8 V.
 $V_{AB} = V_{CB} = R \cdot i = 4 \times 2 = 8,0 \text{ V}$

CORRETAS $\rightarrow 1 + 5 + 7 = 13$.

05. C

Quando o fio metálico é ligado como mostrado na segunda figura, as lâmpadas L_1 e L_2 entram em curto circuito, apagando. A lâmpada L_3 permanece acesa, com brilho mais intenso que antes.

06. B

Situação I

Como os resistores estão em série, a resistência equivalente é igual à soma das resistências. O valor medido pelo voltímetro é a ddp no resistor de 40Ω .

Aplicando a lei de Ohm-Pouillet:
 $\varepsilon = R_{\text{eq}} i \Rightarrow 12 = (60 + 40 + 20)i \Rightarrow$
 $i = \frac{12}{120} \Rightarrow i = 0,1 \text{ A.}$

$U = R i = 40 \times 0,1 \Rightarrow$ $U = 4 \text{ V.}$

Situação II

Calculando a resistência equivalente:
 $\frac{1}{R_{\text{eq}}} = \frac{1}{60} + \frac{1}{30} + \frac{1}{20} = \frac{1+2+3}{60} = \frac{6}{60} = \frac{1}{10} \Rightarrow$
 $R_{\text{eq}} = 10 \Omega.$

O valor medido pelo amperímetro é a corrente total no circuito.

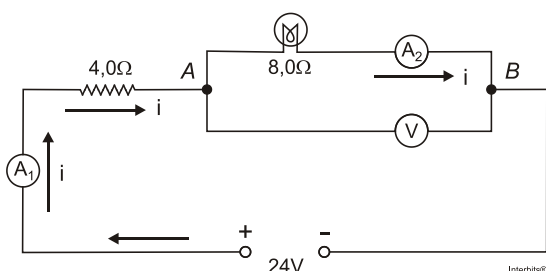
Aplicando a lei de Ohm-Pouillet:
 $\varepsilon = R_{\text{eq}} i \Rightarrow i = \frac{\varepsilon}{R_{\text{eq}}} = \frac{12}{10} \Rightarrow i = 1,2 \text{ A.}$

07. C

Dados: $E = 24 \text{ V}; R = 4 \Omega; R_L = 8 \Omega.$

I. **Correta.**

No voltímetro ideal não passa corrente. Então os amperímetros fornecem a mesma leitura (I_A), o valor da corrente elétrica i , como indicado na figura.



Aplicando a lei de Ohm-Pouillet:
 $i = \frac{E}{R + R_L} \Rightarrow i = \frac{24}{4 + 8} \Rightarrow i = 2 \text{ A} \Rightarrow$

$I_A = 2 \text{ A.}$

II. **Incorreta.**

A leitura do voltímetro (L_V) é a ddp entre os pontos A e B.

$L_V = U_{AB} = R_L i = 8 \cdot 2 \Rightarrow$ $L_V = 16 \text{ V.}$

III. **Correta.**

As potências dissipadas no resistor (P_R) e na lâmpada (P_L) são:

$$\begin{cases} P_R = R i^2 = 4(2)^2 \Rightarrow \text{span style="border: 1px solid black; padding: 2px;"> $P_R = 16 \text{ W.}$ \\ P_L = R_L i^2 = 8(2)^2 \Rightarrow \text{span style="border: 1px solid black; padding: 2px;"> $P_L = 32 \text{ W.}$ \end{cases}$$

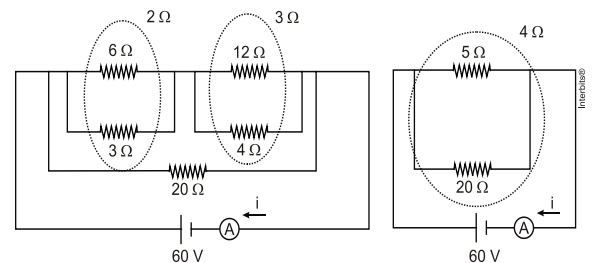
08. E

Trata-se de uma ponte de Whetstone em equilíbrio.

$$\begin{cases} L_1 + L_2 = 100 \Rightarrow L_2 = 100 - L_1 \\ R_1 L_2 = R_2 L_1 \Rightarrow 10(100 - L_1) = 40 L_1 \Rightarrow \text{span style="border: 1px solid black; padding: 2px;"> $L_1 = 20 \text{ cm.}$ \end{cases} \Rightarrow$$

09. E

O circuito abaixo é equivalente ao dado:

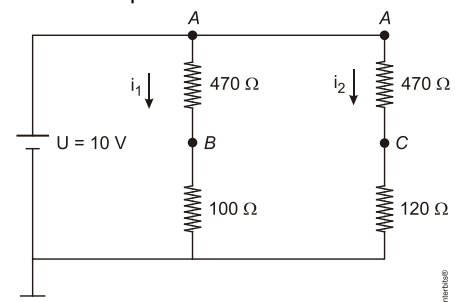


Como mostrado, a resistência equivalente é 4Ω .

Aplicando a lei de Ohm-Pouillet:
 $E = R_{\text{eq}} i \Rightarrow 60 = 4 i \Rightarrow i = 15 \text{ A.}$

10. D

O circuito está representado abaixo.



Considerando o voltímetro ideal, temos:

$$U = R i \begin{cases} 10 = (470 + 100) i_1 \Rightarrow i_1 = \frac{10}{570} = \frac{1}{57} \text{ A.} \\ 10 = (470 + 120) i_2 \Rightarrow i_2 = \frac{10}{590} = \frac{1}{59} \text{ A.} \end{cases}$$

$$\begin{cases} V_A - V_B = 470 \cdot \frac{1}{57} \\ V_A - V_C = 470 \cdot \frac{1}{59} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -V_A + V_B = -470 \cdot \frac{1}{57} \\ V_A - V_C = 470 \cdot \frac{1}{59} \end{cases} \Rightarrow$$

$$V_B - V_C = \frac{470}{59} - \frac{470}{57} \cong -0,28 \text{ V} \Rightarrow$$

$$V_B - V_C \cong -0,3 \text{ V.}$$

AULA 13

01. D

A força eletromotriz também é uma diferença de potencial, portanto terá a mesma unidade: Volt.

02. E

A dimensão da pilha está relacionada com a intensidade da corrente elétrica que ela deve fornecer ao aparelho.

A intensidade da corrente, i , é obtida segundo a expressão:

$$I = |\Delta q| / \Delta t$$

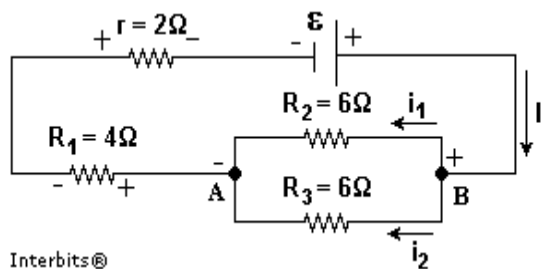
Onde $|\Delta q|$ é o módulo da carga elétrica que passa no condutor em um intervalo de tempo, Δt .

A pilha fornece o $|\Delta q|$ por meio de uma reação química, então para manter este fornecimento é necessário uma determinada quantidade de elementos químicos, visto que a reação vai consumindo estes elementos, desgastando a pilha.

Logo, quanto maior a dimensão da pilha, maior é o tempo que a pilha demora para se desgastar e/ou maior a corrente que pode fornecer.

03. D

Observe no circuito abaixo a distribuição de correntes pelos ramos.



As ddps em R_2 e R_3 são iguais (V_{AB}), logo: $i_2 = i_1 = 2,0 \text{ A}$. Portanto, $I = i_1 + i_2 = 4,0 \text{ A}$.

Em uma malha é verdade que: $\sum \varepsilon + \sum ri = 0$ (lei das malhas).

Observando as polarizações dos diversos elementos do circuito e percorrendo a malha de fora vem:

$$2I - \varepsilon + 6i_2 + 4I = 0 \rightarrow$$

$$2 \times 4 - \varepsilon + 6 \times 2 + 4 \times 4 = 0 \rightarrow$$

$$\varepsilon = 36 \text{ V.}$$

04. E

Com a chave aberta a leitura do voltímetro é $U = \varepsilon$
Com a chave fechada a leitura do voltímetro é

$$\frac{\varepsilon}{3} = \varepsilon - r \cdot i \text{ e a tensão no resistor é } \frac{\varepsilon}{3} = 6 \cdot i \rightarrow$$

$$\varepsilon = 18 \cdot i$$

Logo

$$6 \cdot i = 18 \cdot i - r \cdot i \rightarrow 6 = 18 - r \rightarrow r = 18 - 6 = 12 \Omega$$

05. B

A resistência equivalente do paralelo é:

$$R_p = \frac{6 \cdot 3}{6 + 3} = 2 \Omega.$$

A resistência equivalente do circuito é:

$$R_{eq} = 2 + 3 + 1 + 1 = 7 \Omega.$$

Aplicando a lei de Ohm-Pouillet:

$$E = R_{eq} I \Rightarrow 21 = 7I \Rightarrow I = 3 \text{ A.}$$

A ddp no trecho em paralelo é:

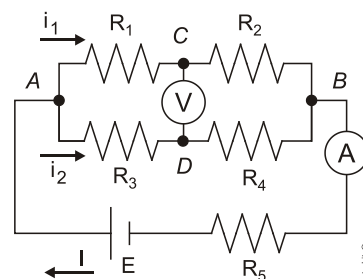
$$U_p = R_p I = 2 \cdot 3 = 6 \text{ V.}$$

Então, a leitura do amperímetro é:

$$U_p = R i_A \Rightarrow 6 = 6 i_A \Rightarrow i_A = 1 \text{ A.}$$

06. A

O sentido da corrente elétrica é mostrado na figura.



Calculando a resistência equivalente do circuito:

$$\left\{ \begin{aligned} R_{12} &= R_1 + R_2 = 0,3 + 0,6 \Rightarrow R_{12} = 0,9 \Omega. \\ R_{34} &= R_3 + R_4 = 0,6 + 0,3 \Rightarrow R_{34} = 0,9 \Omega. \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$R_{AB} = \frac{0,9}{2} = 0,45 \Omega$$

$$R_{eq} = R_{AB} + R_5 = 0,45 + 0,15 \Rightarrow R_{eq} = 0,6 \Omega.$$

A leitura do amperímetro é a intensidade (I) da corrente no circuito.

$$E = R_{\text{eq}} I \Rightarrow I = \frac{E}{R_{\text{eq}}} = \frac{1,5}{0,6} \Rightarrow \boxed{I = 2,5 \text{ A}}$$

Como $R_{12} = R_{34}$, as correntes i_1 e i_2 têm mesma intensidade.

$$i_1 = i_2 = \frac{I}{2} = \frac{2,5}{2} \Rightarrow i_1 = i_2 = 1,25 \text{ A}$$

A leitura do voltímetro é a tensão entre os pontos C e D .

$$U_{\text{Volt}} = U_{\text{CD}} = -R_1 i_1 + R_3 i_2 =$$

$$0,3(1,25) + 0,3(1,25) =$$

$$-0,375 + 0,375 \Rightarrow$$

$$\boxed{U_{\text{Volt}} = 0,375 \text{ V}}$$

07. E

A potência dissipada em um circuito é igual à potência gerada neste circuito.

Assim:

$$P(\text{gerada}) = P(\text{dissipada})$$

$$\varepsilon \cdot i = 1 + 2 + 2 + 0,20 \cdot i^2 \rightarrow \varepsilon \cdot i = 5 + 0,20 \cdot i^2 \text{ onde } i \text{ é a corrente que passa no gerador.}$$

$$\text{A potência na lâmpada } L_3 \text{ é dada por } P = U \cdot i \rightarrow 2 = U \cdot 0,5 \rightarrow U = 4 \text{ V}$$

A tensão nos terminais do gerador é igual à tensão nos terminais da lâmpada L_3 , pois L_3 está em paralelo com o gerador.

$$\varepsilon - 0,20 \cdot i = 4 \rightarrow \varepsilon - 0,20 \cdot i = 4 \rightarrow \varepsilon = 4 + 0,20 \cdot i$$

Voltando na expressão anterior

$$\varepsilon \cdot i = 5 + 0,20 \cdot i^2$$

$$(4 + 0,20 \cdot i) \cdot i = 5 + 0,20 \cdot i^2$$

$$4 \cdot i + 0,20 \cdot i^2 = 5 + 0,20 \cdot i^2$$

$$4 \cdot i = 5$$

$$i = 5/4 = 1,25 \text{ A}$$

Então

$$\varepsilon = 4 + 0,20 \cdot i = 4 + 0,20 \cdot 1,25 = 4 + 0,25 = 4,25 \text{ V}$$

08. B

Calculando a resistência equivalente do circuito, temos que:

$$R_{\text{eq}} = 1 + (2 // 2 // 2)$$

$$R_{\text{eq}} = 1 + \frac{2}{3} \therefore R_{\text{eq}} = \frac{5}{3} \Omega$$

Desta forma, é possível calcular a corrente que circula no circuito.

$$i = \frac{E}{R_{\text{eq}}} = \frac{5}{\frac{5}{3}}$$

$$i = 3 \text{ A}$$

Analisando a fonte de tensão e o primeiro resistor como sendo um gerador, temos que:

$$V_{AB} = E - R \cdot i$$

$$V_{AB} = 5 - 1 \cdot 3$$

$$V_{AB} = 2 \text{ V}$$

09. A

$$\text{Situação II} - U = E - r \cdot i - V_A = \varepsilon - R_o \cdot i_{\text{gerador}}$$

$$\text{Situação I} - V_o = \varepsilon$$

$$\text{Situação II} - i_{\text{gerador}} = i_{\text{lâmpada}} = i$$

$$\text{Na lâmpada} - V_A = 4 \cdot i - i = V_A/4 = (\varepsilon/1,2)/4 - i = \varepsilon/4,8$$

$$\text{Como: } V_A = \varepsilon - R_o \cdot i$$

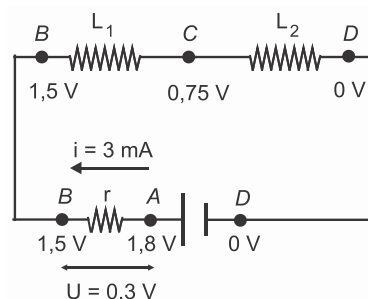
Substituindo, teremos:

$$4 \cdot \varepsilon/4,8 = \varepsilon - R_o \cdot (\varepsilon/4,8)$$

$$4 = 4,8 - R_o - R_o = 0,8 \Omega$$

10. A

Como há duas quedas seguidas de potencial elétrico, as duas lâmpadas estão em série. O esquema representa o circuito sugerido.



Aplicando a lei de Ohm na resistência interna, temos:

$$U = r i \Rightarrow r = \frac{U}{i} = \frac{0,3}{3 \times 10^{-3}} \Rightarrow r = 100 \Omega$$

AULA 14

01. A

A curva presente no gráfico representa um gerador. Por leitura direta temos que:

$$E = 12 \text{ V}$$

Pela equação do gerador temos:

$$U = E - r \cdot i$$

$$8 = 12 - r \cdot 2$$

$$R = 2 \Omega$$

02. D

$$1/R_{\text{eq}} = 1/R_1 + 1/R_2 + 1/R_3 \dots$$

$$1/R_{\text{eq}} = 1/3 + 1/6 + 1/18$$

$$1/R_{\text{eq}} = (6 + 3 + 1)/18$$

$$1/R_{\text{eq}} = 10/18$$

$$R_{\text{eq}} = 18/10 = 1,8 \text{ Ohms}$$

A ddp (vtagem) é dada pela relação abaixo.

$$U = E - r \cdot i$$

$$U = 20 - 0,2 \cdot i \Rightarrow \text{só que } U = R_{eq} \cdot i$$

$$R_{eq} \cdot i = 20 - 0,2i$$

$$1,8i = 20 - 0,2i$$

$$1,8i + 0,2i = 20$$

$$2i = 20$$

$$i = 10 \text{ A} \Rightarrow \text{Esta é a corrente total}$$

Encontrando U (ddp) total

$$U = E - 0,2 \cdot i$$

$$U = 20 - 0,2 \cdot 10$$

$$U = 20 - 2$$

$U = 18\text{V} \Rightarrow$ esta é a ddp que resta aos demais resistores

$P = U^2/R \Rightarrow$ potência elétrica dissipada por cada resistor

Para $R_1...$

$$P_1 = U^2/R_1$$

$$P_1 = 18^2/3$$

$$P_1 = 324/3$$

$$P_1 = 108 \text{ W}$$

Para $R_2...$

$$P_2 = U^2/R_2$$

$$P_2 = (18)^2/6$$

$$P_2 = 324/6$$

$$P_2 = 54 \text{ W}$$

Para $R_3...$

$$P_3 = U^2/R_3$$

$$P_3 = (18)^2/18$$

$$P_3 = 18 \cdot 18/18$$

$$P_3 = 18 \text{ W}$$

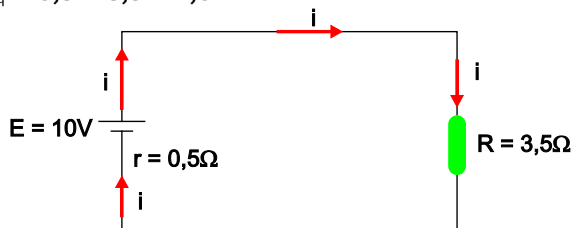
03. A

$E = 10\text{V}$
pelo gráfico:
 $i = 2\text{A} - U = 9\text{V} -$

Substituindo:

$$U = E - r \cdot i - 9 = 10 - r \cdot 2 - r = 0,5$$

$$R_{eq} = 0,5 + 3,5 = 4,0 \Omega$$



$$R_{eq} = U/i = E/i$$

$$4 = 10/i$$

$$i = 2,5\text{A}$$

04. A

Pelo gráfico, podemos encontrar a resistência interna do gerador (r) através da tangente do ângulo formado pela reta e pelo eixo x do gráfico.

$$r = \text{tg}(\theta) = \frac{10}{8}$$

$$r = \frac{5}{4} \Omega$$

Assim, quando a fonte fornecer uma corrente de 2 mA, a potência dissipada internamente será:

$$P = r \cdot i^2$$

$$P = \frac{5}{4} \cdot (2 \cdot 10^{-3})^2$$

$$P = 5 \mu\text{W}$$

05. B

Corrente elétrica que ela fornece ao circuito externo

$$P_u = U \cdot i$$

$$1,8 = 3,6 \cdot i$$

$$i = 0,5\text{A}$$

$$l = Q/\Delta t$$

$$0,5 \text{ A} = 0,6 \text{ A} \cdot h/\Delta t$$

$$t = 0,6 \text{ A} \cdot h/0,5 \text{ A}$$

$$t = 1,2 \text{ h}$$

06. E

Observe na figura 1 que os pontos A e C têm o mesmo potencial, portanto as resistências de 1Ω e 10Ω estão em curto circuito. Sendo assim, o circuito fica reduzido à figura 2.

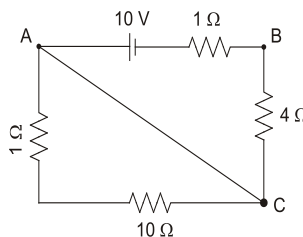


Figura 1

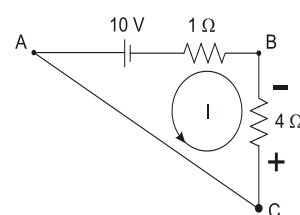


Figura 2

- (1) **Correta.** A corrente elétrica no circuito vale 2 A. A corrente circulante pode ser calculada:
 $V = R \cdot I \rightarrow 10 = (4 + 1)I \rightarrow I = 2,0\text{A}$
- (3) **Errada.** A potência dissipada pelo resistor de 10Ω é de 10 W.
 $P = 0 \rightarrow$ não há corrente
- (5) **Correta.** O rendimento do gerador é de 80%.
CORRETA
 $P_G = \epsilon \cdot I = 10 \times 2 = 20\text{W}$
 $P_{diss} = r \cdot I^2 = 1 \times (2)^2 = 4,0\text{W}$
 $P_{\text{útil}} = P_G - P_{diss} = 20 - 4 = 16\text{W}$
 $\eta = \frac{P_{\text{útil}}}{P_G} = \frac{16}{20} = 0,8 = 80\%$
- (7) **Correta.** A diferença de potencial entre os pontos A e B vale 8V.
 $V_{AB} = V_{CB} = R \cdot I = 4 \times 2 = 8,0\text{V}$

CORRETAS $\rightarrow 1 + 5 + 7 = 13.$

07. E

$$P_t = \epsilon i$$

$$1200 = 120i$$

$$i = 10 \text{ A}$$

$$P_d = r \cdot i^2$$

$$P_d = 4 \cdot 10^2$$

$$P_d = 400 \text{ W}$$

$$P_u = P_t - P_d$$

$$P_u = 1200 - 400$$

$$P_u = 800 \text{ W}$$

08. A

No primeiro caso, como a fonte é ideal, sua resistência interna é zero:

$$R = 12 / 0,5$$

$$R = 24$$

No segundo caso, temos uma fonte não ideal, de resistência interna R_g , em série com a resistência R :

$$R_{eq} = R + R_g$$

$$R_{eq} = 12 / 0,4$$

$$R_{eq} = 30$$

Logo:

$$30 = 24 + R_g$$

$$R_g = 6.$$

09. D

$$E = 12V$$

$$I_{cc} = E/r$$

$$4 = 12/r$$

$$r = 3\Omega$$

10. D

I. **Falso.** Se colocar uma lâmpada aumentará a resistência e diminuirá a corrente.

II. **Verdadeiro.**

$$R = V / I$$

$$R = 10 / 2$$

$$R = 5 \text{ Ohms}$$

III. **Verdadeiro.**

$$V = R \times I$$

$$V = (5 + 2) / 2$$

$$V = 3,5V$$

AULA 15**01. E**

A quantidade de corrente que passa em cada lâmpada permanecerá a mesma, pois em um circuito em paralelo, com todas as lâmpadas possuindo a mesma resistência, a quantidade de corrente em cada lâmpada sempre será a mesma.

O que acontecerá é que o gerador vai precisar enviar menos corrente elétrica e, conseqüentemente, o dono do escritório irá pagar uma conta de luz menor (caso ele não troque a lâmpada).

02. D

- No experimento I, o circuito não é fechado. Então a corrente é nula e a ddp no resistor também é nula.

$$U_1 = 0; i_1 = 0.$$

- No experimento II, considerando a pilha ideal, a ddp no resistor é a própria força eletromotriz da bateria.

$$U_2 = 1,5V.$$

A corrente no circuito é:

$$i_2 = \frac{U_2}{R} = \frac{1,5}{1,5} \Rightarrow i_2 = 1 \text{ A.}$$

03. E

Dados: $E = 9V$; $U = 5,7V$; $i = 0,15A$.

A força eletromotriz da bateria (E) é igual à ddp na lâmpada (U) somada com a ddp no resistor (U_R). Assim:

$$E = U + U_R \Rightarrow E = U + Ri \Rightarrow 9 = 5,7 + R(0,15) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow R = \frac{9 - 5,7}{0,15} = \frac{3,3}{0,15} \Rightarrow R = 22\Omega.$$

04. C

Não é necessário cálculo algum para se chegar à resposta, pois a diferença de potencial nas lâmpadas 3 e 4 é 6 V ; nas lâmpadas 1 e 2 a diferença de potencial é 12 V . Portanto, a corrente e a potência nas lâmpadas 1 e 2 são maiores que nas lâmpadas 3 e 4.

Mas, mostremos os cálculos:

Calculando a resistência de cada lâmpada:

$$R = \frac{U^2}{P} = \frac{12^2}{15} \Rightarrow R = 9,6 \Omega.$$

Calculando as potências e as correntes:

$$\text{Lâmpadas 1 e 2: } \begin{cases} i_1 = i_2 = \frac{U}{R} = \frac{12}{9,6} = 1,25A. \\ P_1 = P_2 = 15 \text{ W.} \end{cases}$$

$$\text{Lâmpadas 3 e 4: } \begin{cases} i_3 = i_4 = \frac{U}{2R} = \frac{12}{19,2} = 0,625A. \\ P_1 = P_2 = \frac{(U/2)^2}{R} = \frac{36}{9,6} = 3,75W. \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow i_2 > i_3.$$

05. A

- I. **Incorreta.** A potência fornecida pela bateria aumenta, pois há mais uma lâmpada “puxando” corrente dessa bateria.
- II. **Correta.** As lâmpadas estão ligadas em paralelo, sendo a mesma ddp em todas.
- III. **Incorreta.** As correntes que percorrem as lâmpadas acesas não se alteram. Quando se liga mais uma lâmpada, aumenta apenas a corrente total fornecida pela bateria.

06. A

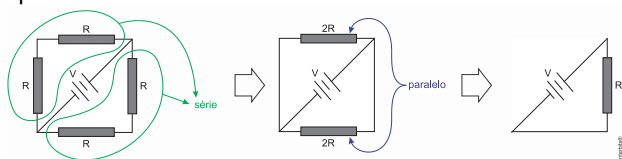
No circuito da alternativa (A) as duas lâmpadas estão em paralelo. Da maneira como mostrado, as duas lâmpadas estão apagadas, pois as duas chaves estão abertas, satisfazendo a condição III. Fechando-se as duas chaves, acendem as duas lâmpadas, satisfazendo a condição I. Ligando-se apenas uma das chaves, apenas uma das lâmpadas acende, satisfazendo a condição II.

07. D

Se L_3 queimar, passará a mesma corrente por L_1 e L_2 , pois elas ficarão em série. Como elas são idênticas, L_1 terá o mesmo brilho que L_2 .

08. C

Primeiramente calcula-se a resistência equivalente do circuito:



$$R_{eq} = R = 1\text{ k}\Omega = 1000\ \Omega$$

Logo, a potência total consumida é:

$$P = \frac{U^2}{R} \Rightarrow P = \frac{(12\text{ V})^2}{1000\ \Omega} \therefore P = 0,144\text{ W}$$

09. C

Usando a primeira Lei de Ohm, obtemos a resistência equivalente do circuito:

$$U = R_{eq} \cdot i \Rightarrow R_{eq} = \frac{U}{i} \Rightarrow R_{eq} = \frac{24\text{ V}}{5\text{ A}} \therefore R_{eq} = 4,8\ \Omega$$

Observando o circuito temos em série os resistores R e de $5\ \Omega$ e em paralelo com o resistor de $8\ \Omega$.

Assim,

$$\begin{aligned} \frac{1}{R_{eq}} &= \frac{1}{8\ \Omega} + \frac{1}{R+5\ \Omega} \Rightarrow \frac{1}{4,8\ \Omega} - \frac{1}{8\ \Omega} = \frac{1}{R+5\ \Omega} \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{8\ \Omega - 4,8\ \Omega}{4,8\ \Omega \cdot 8\ \Omega} = \frac{1}{R+5\ \Omega} \Rightarrow \frac{3,2\ \Omega}{38,4\ \Omega^2} = \frac{1}{R+5\ \Omega} \Rightarrow \\ &\Rightarrow R+5\ \Omega = 12\ \Omega \therefore R = 7\ \Omega \end{aligned}$$

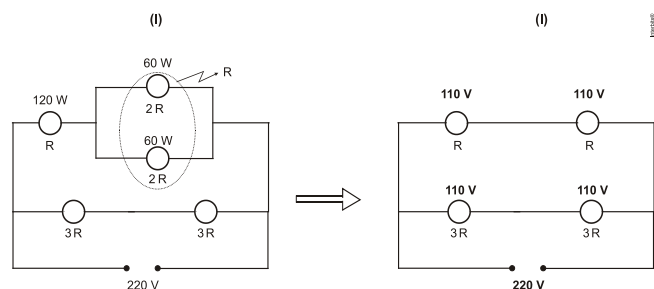
10. D

Considerações:

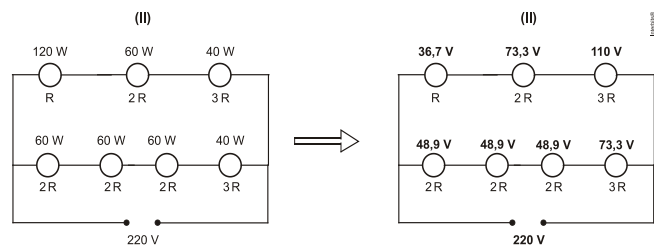
- 1ª) A expressão que relaciona tensão, potência e resistência é $P = \frac{U^2}{R}$. Com base nessa expressão, se definirmos como R a resistência das lâmpadas de 120 W , as lâmpadas de 60 W e 40 W têm resistências iguais a $2R$ e $3R$, respectivamente.
- 2ª) Na associação em série, lâmpadas de mesma resistência estão sob mesma tensão. Se as resistências são diferentes, as tensões são divididas em proporção direta aos valores das resistências.
- 3ª) Na associação em paralelo, a tensão é a mesma em todas as lâmpadas.
- 4ª) A tensão em cada lâmpada deve ser 110 V .

As figuras abaixo mostram as simplificações de cada um dos arranjos, destacando as tensões nas lâmpadas em cada um dos ramos.

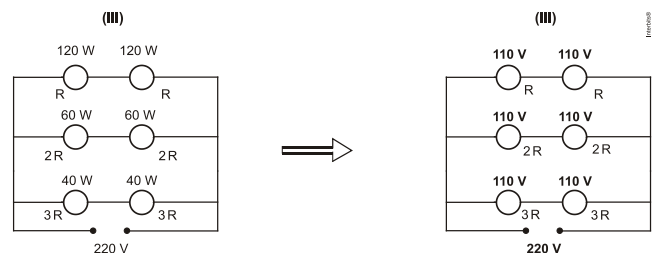
Arranjo (I): todas as lâmpadas estão sob tensão de 110 V .



Arranjo (II): somente uma das lâmpadas está sob tensão de 110 V .



Arranjo (III): todas as lâmpadas estão sob tensão de 110 V .



AULA 16**01. C**

Para analisar o brilho deveremos observar a potência.

$$P = \frac{U^2}{R}$$

Como a resistência da lâmpada é constante a potência irá ser maior onde tiver a maior ddp, que no caso seria associar em série as pilhas.

02. B

Uma célula possui 150 mV. Em série 5 000 células precisam de $U = 150 \cdot 10^{-3} \cdot 5 \cdot 10^3 = 750 \text{ V}$

Como $P = U \cdot i = 750 \cdot 0,5 = 375 \text{ W}$

Para um dos conjuntos $\rightarrow 375/5 = 75 \text{ W}$

03. B

As pilhas estão com as polaridades invertidas, desta forma os potenciais se anulam.

04. A

No circuito 1, com as lâmpadas em série, a tensão e resistência equivalentes do circuito serão iguais respectivamente a 2 V e $3R$. Cada lâmpada

estará sujeita a uma tensão de $\frac{2V}{3}$ e corrente igual a:

$$2V = 3R \cdot i_1 \Rightarrow i_1 = \frac{2V}{3R}$$

Da mesma forma, para os demais circuitos, teremos:

Circuito 2:

Corrente do circuito:

$$V = 3R \cdot i_2 \Rightarrow i_2 = \frac{1V}{3R}$$

Corrente e tensão sobre cada lâmpada:

$$\frac{1V}{3R} \text{ e } \frac{V}{3}$$

Circuito 3:

Corrente do circuito:

$$V = \frac{R}{3} \cdot i_3 \Rightarrow i_3 = \frac{3V}{R}$$

Corrente e tensão sobre cada lâmpada:

$$\frac{V}{R} \text{ e } V$$

Circuito 4:

Corrente do circuito:

$$V = \frac{R}{3} \cdot i_4 \Rightarrow i_4 = \frac{3V}{R}$$

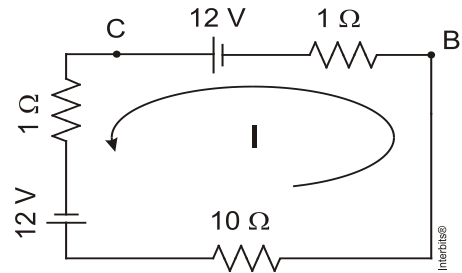
Corrente e tensão sobre cada lâmpada:

$$\frac{V}{R} \text{ e } V$$

Dessa forma, as únicas afirmativas corretas são a [II] e a [III].

05. V - F - V - V - V.

Como o voltímetro e o amperímetro são ideais eles podem ser retirados do circuito. Temos, então, um circuito simples de uma malha.



$$(V) \quad I = \frac{\sum \varepsilon}{\sum R} = \frac{24}{12} = 2,0A$$

$$(F) \quad V = R \cdot I = 10 \times 2 = 20V$$

$$(V) \quad R_{eq} = \sum R = 12\Omega$$

$$(V) \quad P = R \cdot I^2 = 10 \cdot (2)^2 = 40W$$

$$(V) \quad \text{Potência fornecida} \\ P_F = \varepsilon \cdot I = 12 \times 2 = 24W$$

Potência dissipada na resistência interna

$$P_D = r \cdot I^2 = 1 \times (2)^2 = 4W$$

Potência útil

$$P_U = P_F - P_D = 24 - 4 = 20W$$

Rendimento

$$\eta = \frac{P_U}{P_F} = \frac{20}{24} \cong 0,83 = 83\%$$

06. D

Supondo a corrente no sentido horário, aplicando o método das malhas, temos:

$$\varepsilon_1 - r_1 i - r_2 i + \varepsilon_2 = 0$$

$$10 - 2i - 2i + 10 = 0$$

$$\therefore i = 5 \text{ A}$$

Também devemos ter que:

$$U_{BC} = \varepsilon_1 - r_1 i \text{ (ou } U_{BC} = -r_2 i + \varepsilon_2)$$

$$U_{BC} = 10 - 2 \cdot 5$$

$$\therefore U_{BC} = 0 \text{ V}$$

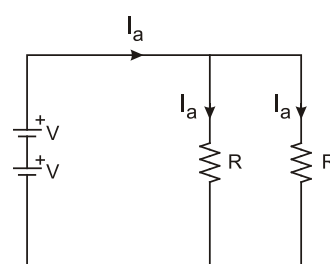
07. E

Figura (a)

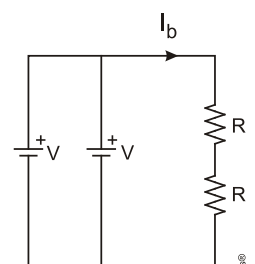


Figura (b)

Sejam U_a , U_b , R_a e R_b as respectivas tensões equivalentes e resistências equivalentes nos circuitos das figuras (a) e (b). Então:

$U_a = 2 \text{ V}$ (geradores em série) e $R_a = \frac{R}{2}$ (resistores em paralelo);

$U_b = V$ (geradores em paralelo) e $R_b = 2 R$ (resistores em série).

Aplicando a 1ª lei de Ohm em cada um dos circuitos:

- Figura (a)

$$i_a = \frac{U_a}{R_a} = \frac{2 \text{ V}}{\frac{R}{2}} = \frac{4 \text{ V}}{R}.$$

A corrente em cada resistor do circuito da figura (a) é:

$$i_a = \frac{i_a}{2} = \frac{4 \text{ V}}{2 R} = \frac{2 \text{ V}}{R}$$

- Figura (b)

$$i_b = \frac{U_b}{R_b} = \frac{V}{2 R}.$$

Fazendo a razão:

$$\frac{i_a}{i_b} = \frac{2 \cancel{V}}{R} \times \frac{2 \cancel{R}}{\cancel{V}} \Rightarrow \frac{i_a}{i_b} = 4.$$

08. B

Como estão associadas em paralelo a diferença de potencial U é a mesma para cada ramo e para o aparelho e vale $U = 2 \text{ V}$

no aparelho - $R_{eq} = U/i$

$$R = 2 \text{ V}/i$$

$$I = 2 \text{ V}/R$$

09. E

Cálculo da resistência da lâmpada

$$P = U^2/R$$

$$9 = 12^2/R$$

$$R = 16 \Omega$$

Corrente na lâmpada que está submetida à tensão fornecida pelas 4 pilhas em série e que é de $E_{eq} = U = 1,5 \cdot 4 = 6 \text{ V}$

$$R = U/i$$

$$16 = 6/i$$

$$I = 0,375 \text{ A}$$

Calculando a potência:

$$P = R \cdot i^2 = 16 \cdot (0,375)^2 = 16 \cdot 0,140625$$

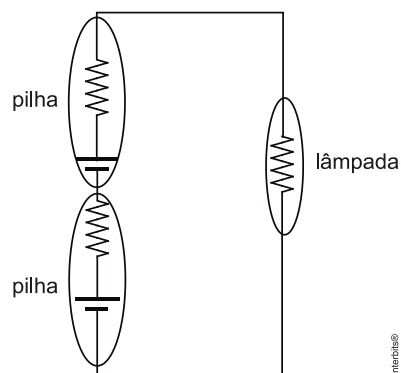
$$P = 2,25 \text{ W}.$$

10. B

A potência por unidade de área projetada vale:

$$\frac{P}{A} = \frac{Ri^2}{\pi r^2} \text{ equação 01}$$

O circuito da lanterna é mostrado abaixo.



Podemos calcular a corrente pela Lei de Ohm. Note que os dois geradores estão em série e as três resistências também.

$$i = \frac{\sum \varepsilon}{\sum R} = \frac{3 + 3}{5 + 0,5 + 0,5} = 1,0 \text{ A}$$

Voltando à equação 01, temos:

$$\frac{P}{A} = \frac{Ri^2}{\pi r^2} = \frac{5x1^2}{\pi \cdot (5 \times 10^{-2})^2} = \frac{1}{5\pi} \times 10^4 = 2\pi^{-1} \times 10^3 \text{ W/m}^2.$$

AULA 17

01. A

Aplicando-se a equação do receptor, temos:

$$U = \varepsilon' + r \cdot i$$

$$200 = \varepsilon' + 2 \cdot 20$$

$$200 = \varepsilon' + 40$$

$$\varepsilon' = 200 - 40$$

$$\varepsilon' = 160 \text{ V}$$

02. C

Equação do receptor

$$U = E' + r' \cdot i$$

$$100 = E' + 2 \cdot 5$$

$$E' = 90 \text{ V}$$

$$P = U \cdot i = 100 \cdot 5$$

$$P = 500 \text{ W}.$$

03. C

No processo de carga há transformação de energia elétrica em energia química. Assim, a bateria funciona como um receptor.

04. D

Como eles estão associados em série, a tensão nos terminais das pilhas ($U_g = 4,5 \text{ V}$) é igual à soma das tensões nos terminais da resistência R (U') e do motor ($U_m = 4 \text{ V}$)

$$4,5 = U' + 4$$

$$U' = 0,5 \text{ V}$$

$$R = U'/i$$

$$1 = 0,5/i$$

$$I = 0,5 \text{ A}$$

$$P_{\text{motor}} = i \cdot U = 0,5 \cdot 4 = 2,0 \text{ W}.$$

05. A

$$\left\{ \begin{array}{l} P_u = 400 \text{ W} = 0,4 \text{ kW} \\ \Delta t = 1 \text{ h} \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta E_u = P_u \Delta t = 0,4 \times 1 = 0,4 \text{ kWh.}$$

$$e = \frac{\Delta E_u}{\Delta E_T} = \frac{0,4}{0,8} = 0,5 = 50\%.$$

06. B

$$P_u = E' \cdot i$$

$$2\,000 = E' \cdot 10$$

$$E' = 200 \text{ V}$$

$$P_t = U \cdot i = 220 \cdot 10 = 2\,200 \text{ W}$$

$$P_t = P_u + P_d$$

$$2\,200 = 2\,000 + r' \cdot i^2$$

$$200 = r' \cdot 100$$

$$r' = 2 \Omega$$

$$\eta = P_u/P_t = 2\,000/2\,200 = 0,909$$

07. C

Para $U = 22 \text{ V}$, temos $i = 2,0 \text{ A}$.

$$\text{Portanto: } U = E + r \cdot i \Rightarrow 22 = E + r \cdot 2,0 \quad (1)$$

Para $U = 25 \text{ V}$, temos $i = 5,0 \text{ A}$.

$$\text{Portanto: } U = E + r \cdot i \Rightarrow 25 = E + r \cdot 5,0 \quad (2)$$

De (1) e (2), vem: $E = 20 \text{ V}$ e $r = 1,0$.

08. D

A potência total consumida é dada pelo produto da ddp pela corrente:

$$P_{\text{TOTAL}} = U \cdot i$$

$$30 = 6 \cdot i$$

$$i = 5 \text{ A}$$

Aplicando a equação do receptor, teremos:

$$U = \varepsilon' + r \cdot i$$

$$6 = \varepsilon' + 1 \cdot 5$$

$$6 = \varepsilon' + 5$$

$$E' = 1 \text{ V}$$

09. D

O gráfico do gerador é o da reta descendente

$$i_{cc} = 20 \text{ A}$$

$$i_{cc} = E/r$$

$$20 = E/r$$

$$E = 20r$$

Observe que quando $i = 10 \text{ A}$ - $U = 20 \text{ V}$

Equação do gerador

$$U = E - r \cdot i$$

$$20 = E - r \cdot 10$$

$$20 = 20r - 10r$$

$$r = 2 \Omega$$

$$E = 20r = 20 \cdot 2$$

$$E = 40 \text{ V}$$

O gráfico do receptor é o da reta ascendente

Observe que $E' = 10 \text{ V}$

Quando $i = 10 \text{ A}$ - $U = 20 \text{ V}$

Equação do receptor

$$U = E' + r' \cdot i$$

$$20 = 10 + r' \cdot 10$$

$$r' = 10/10$$

$$r' = 1 \Omega$$

10. B

A potência total de um receptor é dada pelo produto da corrente elétrica e a ddp total fornecida.

$$P_{\text{TOTAL}} = U \cdot i$$

$$P_{\text{TOTAL}} = 220 \cdot 10 = 2\,200 \text{ W}$$

A potência útil de um receptor é dada pelo produto da força contraeletromotriz e a corrente elétrica.

$$P_{\text{ÚTIL}} = \varepsilon' \cdot i$$

A potência dissipada pelo receptor é dada pelo produto da resistência interna pelo quadrado da corrente elétrica:

$$P_{\text{DISSIPADA}} = r \cdot i^2$$

Sabendo que a potência total é a soma da útil com a dissipada, temos:

$$P_{\text{TOTAL}} = P_{\text{ÚTIL}} + P_{\text{DISSIPADA}}$$

$$2\,200 = 2\,000 + P_{\text{DISSIPADA}}$$

$$P_{\text{DISSIPADA}} = 200 \text{ W}$$

Assim, podemos determinar a resistência elétrica:

$$P_{\text{DISSIPADA}} = r \cdot i^2$$

$$200 = r \cdot 10^2$$

$$200 = r \cdot 100$$

$$r = 2$$

Aplicando a equação do receptor, pode-se determinar a força contraeletromotriz.

$$U = \varepsilon' + r \cdot i$$

$$220 = \varepsilon' + 2 \cdot 10$$

$$220 = \varepsilon' + 20$$

$$\varepsilon' = 200 \text{ V}$$

O rendimento do receptor será dado pela razão entre a força contraeletromotriz e a ddp total fornecida.

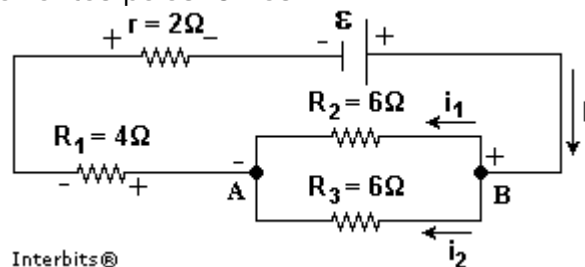
$$R = \varepsilon' \div U$$

$$R = 200 \div 220$$

$$R \approx 0,91$$

AULA 18**01. D**

Observe no circuito abaixo da distribuição de correntes pelos ramos.



As ddps em R_2 e R_3 são iguais (V_{AB}), logo:

$$i_2 = i_1 = 2,0A. \text{ Portanto } I = i_1 + i_2 = 4,0A.$$

Em uma malha é verdade que: $\sum \varepsilon + \sum ri = 0$ (lei das malhas).

Observando as polarizações dos diversos elementos do circuito e percorrendo a malha de fora vem:

$$2I - \varepsilon + 6i_2 + 4I = 0 \rightarrow 2 \times 4 - \varepsilon + 6 \times 2 + 4 \times 4 = 0 \rightarrow \varepsilon = 36V.$$

02. A

Sendo a corrente saindo do polo positivo, percorra o circuito no sentido horário, sendo que no terceiro E a corrente está entrando no positivo, ou seja, este é um receptor. Portanto, temos dois geradores ($E > 0$) e um receptor ($E < 0$).

$$i = \frac{\sum E}{\sum R}$$

$$i = \frac{1,5 + 1,5 - 1,5}{3 \cdot 1}$$

$$i = 0,50A, \text{ no sentido horário adotado.}$$

03. B

A corrente no circuito vale $i = 2^*E/(r_1 + r_2 + R)$

Para a ddp nos terminais da 1ª bateria ser nula, a queda de tensão na resistência interna dela (r_1) deverá ser igual à sua fem:

$$i^*r_1 = E \Rightarrow$$

$$[2^*E/(r_1 + r_2 + R)]^*r_1 = E \Rightarrow$$

$$2^*r_1 = r_1 + r_2 + R \Rightarrow$$

$$R = r_1 - r_2$$

04. B

Chave em (1).

Pela lei de Pouillet, temos:

$$i = (E_1 - E_2)/(R + R_1 + R_2) \Rightarrow$$

$$i = (12 - 6,0)/(4,0 + 1,0 + 1,0) \Rightarrow$$

$$i = 1,0 A$$

Chave em (2)

Pela lei de Pouillet, temos:

$$i = (E_1 + E_3)/(R + R_1 + R_3) \Rightarrow$$

$$i = (12 + 6,0)/(4,0 + 1,0 + 1,0) \Rightarrow$$

$$i = 3,0 A$$

05. D

Ao associar em paralelo a segunda bateria, a ddp na associação não sofrerá alteração, portanto a corrente elétrica que atravessa o resistor não será alterada.

06. B

Todos os geradores são de mesma fem e assim os terminais do resistor por onde está assinalada i_1 estão no mesmo potencial: $i_1 = 0$.

$$\text{Para } i_2 \ E_{eq} = 2V \Rightarrow i_2 = 2V/R$$

07. D

A começar pelos resistores de 2Ω , 3Ω e 6Ω associados em paralelo:

$$1/R_{eq^1} = 1/2 + 1/3 + 1/6. \ 1/R_{eq^1} = (3 + 2 + 1)/6.$$

$$1/R_{eq^1} = 6/6 = 1$$

$$R_{eq^1} = 1 \Omega$$

Resistores: $R_{eq^1}(1 \Omega)$ e o de 9Ω , associados em série:

$$R_{eq^2} = R_{eq^1} + 9$$

$$R_{eq^2} = 1 + 9$$

$$R_{eq^2} = 10 \Omega$$

Resistores: $R_{eq^2}(10 \Omega)$ e o de 10Ω , associados em paralelo:

$$R_{eq^3} = R/n = 10/2$$

$$R_{eq^3} = 5 \Omega$$

Resistores: resistência interna 'r' (1Ω), o de 4Ω , R_{eq^3} e 5Ω associados em série:

$$R_{eqT} = 1 + 4 + 5 + 5$$

$$R_{eqT} = 15 \Omega$$

A resistência total é 15Ω . Vamos calcular a corrente:

$$\Rightarrow \text{Calculando a intensidade da corrente}$$

$$R = U/i \Rightarrow R_{eqT} = FEM/i$$

$$15 = 60 V/i \therefore i = 60/15$$

$$i = 4A$$

\Rightarrow Calculando a intensidade da corrente no resistor de 9Ω

Olha o caminho da corrente, está passando em uma associação em série, até chegar uma em paralelo: a que um sai para o resistor de 10Ω e outra vai para o R_{eq^2} de 10Ω também, portanto a corrente segue metade para cada lado ($2 A$ pra cada lado).

Esses $2 A$ vão passar pela associação em série (R_{eq^2}) que associa o resistor de 9Ω e o R_{eq^1} de 1Ω . Como numa associação em série a intensidade é a mesma: $\gg i(9) = 2 A \ll$

\Rightarrow Calculando U_{ab} :

A soma das diferenças de potencial dos resistores em série equivalem à força eletromotriz. Então:

$$U(r = 1 \Omega) + U(4 \Omega) + U(R_{eq^3}) + U(5 \Omega) = FEM$$

$$(60V)$$

$$U(r = 1 \Omega) = R \cdot i = 1 \cdot 4 = 4 V$$

$$U(4 \Omega) = R \cdot i = 4 \cdot 4 = 16 V$$

$$U(5 \Omega) = R \cdot i = 5 \cdot 4 = 20 V$$

$$4 V + 16 V + 20 V + U(R_{eq^3}) = 60 V$$

$$U(R_{eq^3}) = 20 V$$

Isto implica que:

$$U(10 \Omega) = 20 V$$

$$U(R_{eq^2}) = 20 V$$

$$U(R_{eq}^2) = U(9 \Omega) + U(R_{eq}^1)$$

$$U(9 \Omega) = R \cdot i = 9 \cdot 2 = 18 \text{ V}$$

$$20\text{V} = 18\text{V} + U(R_{eq}^1)$$

$$U(R_{eq}^1) = 2\text{V}$$

$$U(R_{eq}^1) = U_{ab}$$

$$\gg U_{ab} = 2 \text{ Volts} \ll$$

Resposta: 2 A e 2 V, respectivamente.

08. B

No ponto Y temos uma tensão de 12 V nele. Agora é só fazer a malha e aplicar a Primeira Lei de Ohm.

$$V = R \cdot I_{xy}$$

$$I_{xy} = V / R$$

$$I_{xy} = (12 - 6) / 12$$

$$I_{xy} = 0,5\text{A indo de Y para X.}$$

09. E

k aberta \Rightarrow malha esquerda \Rightarrow
 $12 - 6 = (1 + 2 + R) \cdot 1 \Rightarrow R = 3 \text{ ohms}$

k fechada

Seja i a corrente no ramo direito, sentido anti-horário (26 é gerador)
 Consideremos i_1 a corrente no ramo esquerdo e i_2 no ramo central, ambas para baixo.

$$\text{Nó superior} \Rightarrow i = i_1 + i_2$$

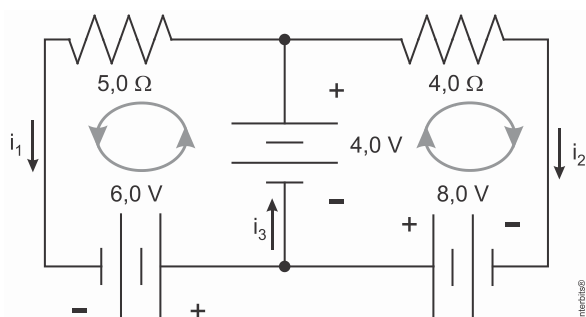
$$\text{Malha direita} \Rightarrow 26 - 6 = (4 + 2) \cdot i + 3 \cdot i_2$$

$$\text{Malha externa} \Rightarrow 26 - 12 = (4 + 2) \cdot i + (2 + 1) \cdot i_1$$

Resolvendo o sistema encontramos: $i_1 = 10i/3$.

10. A

Pela lei das malhas de Kirchoff:



$$6 + 4 - 5 \cdot i_1 = 0 \therefore i_1 = 2 \text{ A}$$

$$8 + 4 - 4 \cdot i_2 = 0 \therefore i_2 = 3 \text{ A}$$

Pela lei dos nós de Kirchoff no ponto B, temos:

$$i_1 + i_2 = i_3 \therefore i_3 = 2 + 3 = 5 \text{ A.}$$

AULA 19

01. E

Dispositivos que armazenam carga elétrica são chamados capacitores ou condensadores. A carga armazenada é descarregada num momento oportuno, como por exemplo, através do filamento de uma lâmpada de máquina fotográfica, emitindo um *flash*.

02. E

Ao aumentar a carga no capacitor, sua ddp (U) aumentará na mesma proporção mantendo a capacitância constante.

$$C = \frac{Q}{U}$$

03. C

Primeiramente, a capacitância depende da distância entre as placas: $C = \frac{\epsilon A}{d}$. Dobrando a distância, a capacitância cai pela metade, já que são inversamente proporcionais: $\frac{C}{2} = \frac{\epsilon_0 A}{2d}$. Da

definição de capacitância, $Q = CV$. Se a capacitância cai pela metade, mantendo a *voltagem* constante, a carga também cai.

Finalmente, quanto à energia, para voltagem constante, prefiro: $E = \frac{C \cdot V^2}{2}$. Vemos que a energia é diretamente proporcional à capacitância, e também cai pela metade.

04. A

Dados: $C_1 = 1 \times 10^{-4} \text{ F}$; $U = 100 \text{ V}$; $d_1 = 5 \text{ mm}$; $d_2 = 15 \text{ mm}$.

$$Q_1 = C_1 U = 1 \times 10^{-4} \times 100 \Rightarrow Q_1 = 1 \times 10^{-2} \text{ C.}$$

Quando as placas são afastadas, a capacitância passa a ser C_2 .

$$\left\{ \begin{array}{l} C_1 = \frac{\epsilon A}{d_1} \\ C_2 = \frac{\epsilon A}{d_2} \end{array} \right\} \frac{C_2}{C_1} = \frac{\epsilon A}{d_2} \times \frac{d_1}{\epsilon A} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow C_2 = 1 \times 10^{-4} \cdot \frac{5}{15} = 3,3 \times 10^{-5} \text{ F.}$$

A nova carga é Q_2 .

$$Q_2 = C_2 U = 3,3 \times 10^{-5} \times 100 \Rightarrow Q_2 = 3,3 \times 10^{-3} \text{ C.}$$

05. A

A ddp no capacitor é $V = \epsilon_1 + \epsilon_2 = 25\text{V}$

A energia armazenada é dada pela expressão

$$U = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-6} \times 25^2 = 625 \times 10^{-6} \text{ J}$$

06. C

Dados: $A = 5,0 \times 10^{-4} \text{ m}^2$; $d = 2 \text{ mm} = 2 \times 10^{-3}$; $\epsilon_0 \approx 9 \times 10^{-12} \frac{\text{C}}{\text{V} \cdot \text{m}}$; $Q = 4,5 \times 10^{-9} \text{ C}$.

Combinando as expressões dadas:

$$\left\{ \begin{array}{l} C = \epsilon_0 \frac{A}{d} \quad (\text{I}) \\ Q = C V \quad (\text{II}) \end{array} \right\} \Rightarrow (\text{I}) \text{ em } (\text{II}) \Rightarrow Q = \left(\epsilon_0 \frac{A}{d} \right) V \Rightarrow$$

$$V = \frac{Q d}{\epsilon_0 A}$$

Substituindo valores:

$$V = \frac{4,5 \times 10^{-9} \times 2 \times 10^{-3}}{9 \times 10^{-12} \times 5 \times 10^{-4}} \Rightarrow V = 2,0 \times 10^3 \text{ V}$$

07. A

$$C = Q/U$$

$$8,85 \cdot 10^{-12} = Q/10^2$$

$$Q = 8,85 \cdot 10^{-10} \text{ C}$$

08. E

$$C = \epsilon_0 \cdot A/d$$

Transformando a área:

$$A = 200 \text{ cm}^2 = 2 \cdot 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$C = \epsilon_0 \cdot A/d$$

$$8,85 \cdot 10^{-12} = 1 \cdot 8,85 \cdot 10^{-12} \cdot 2 \cdot 10^{-2} / d$$

$$D = 2 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

09. C

$$C = Q/V$$

$$8 \cdot 10^{-11} = Q/12$$

$$Q = 9,6 \cdot 10^{-11} \text{ C}$$

$$Q = n \cdot e$$

$$9,6 \cdot 10^{-11} = n \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}$$

$$n = 9,6 \cdot 10^{-11} / 1,6 \cdot 10^{-19}$$

$$n = 6 \cdot 10^9 \text{ elétrons}$$

10. A

Dados:

$$U = 3 \text{ kV} = 3 \times 10^3 \text{ V}; E = 300 \text{ J}; \Delta t = 10 \text{ ms} = 10^{-2} \text{ s}$$

Calculando a carga armazenada:

$$E = \frac{Q U}{2} \Rightarrow Q = \frac{2E}{U} = \frac{2 \cdot 300}{3 \times 10^3} \Rightarrow Q = 0,2 \text{ C}$$

A intensidade média da corrente elétrica é:

$$i_m = \frac{Q}{\Delta t} = \frac{0,2}{10^{-2}} \Rightarrow i_m = 20 \text{ A}$$

AULA 20**01. B**

Como estão associadas em paralelo a diferença de potencial U é a mesma para cada ramo e para o aparelho e vale $U = 2V$

No aparelho:

$$R_{\text{eq}} = U/i$$

$$R = 2V/i$$

$$I = 2V/R$$

02. B

(A) **Falsa.** Em um circuito em paralelo, ao se queimar uma lâmpada, as outras continuarão ligadas.

(B) **Verdadeira.** À medida que se diminui o número de resistores em paralelo, temos um aumento da resistência equivalente do circuito.

(C) **Falsa.** Como aumenta a resistência, há uma diminuição da intensidade da corrente, pois a tensão é constante.

(D) **Falsa.** A potência da associação diminui porque perdemos uma lâmpada.

(E) **Falsa.** Como mencionado anteriormente, a intensidade da corrente elétrica diminui.

03. C

Quando dois resistores idênticos são associados em paralelo, a resistência equivalente é igual à metade do valor de cada resistor.

Assim, para dois resistores de 400Ω cada um, em paralelo:

$$R_{\text{eq}} = \frac{400}{2} \Rightarrow R_{\text{eq}} = 200 \Omega$$

04. B

Para o **circuito fechado**, sendo a tensão da bateria igual a U , calcula-se a resistência equivalente R_{eq} , e as intensidades das correntes

i_1 , i_2 e i_3 .

$$\frac{1}{R_{\text{eq}}} = \frac{1}{2R} + \frac{1}{R} + \frac{1}{R} \Rightarrow \frac{1}{R_{\text{eq}}} = \frac{5}{2R} \therefore R_{\text{eq}} = \frac{2R}{5}$$

$$i_1 = \frac{U}{2R} \therefore i_1 = \frac{5U}{2R}$$

$$i_2 = \frac{U}{2R}$$

$$i_3 = \frac{U}{R}$$

Para o **circuito aberto**, repetem-se os cálculos para fins de comparação:

$$\frac{1}{R_{\text{eq}}} = \frac{1}{2R} + \frac{1}{R} \Rightarrow \frac{1}{R_{\text{eq}}} = \frac{3}{2R} \therefore R_{\text{eq}} = \frac{2R}{3}$$

Há um aumento da resistência do circuito, portanto a corrente i_1 nova se reduz.

$$i_1 = \frac{U}{2R} \therefore i_1 = \frac{3U}{2R}$$

$$i_2 = \frac{U}{2R}$$

$$i_3 = \frac{U}{R}$$

Contudo, as correntes i_2 e i_3 não sofrem alteração em relação ao circuito fechado.

05. A

$$P = U^2/R$$

$$R = U^2/P$$

$$R = 120^2/8$$

$$R = 1800 \text{ hms}$$

06. E

Calculamos a corrente na lâmpada com 4.5 V:

$$I = P/V$$

$$I = 2,25/4,5$$

$$I = 0,5 \text{ A}$$

Calculamos o resistor que produz uma queda de tensão de $V = 12 - 4,5 = 7,5 \text{ V}$

$$R = V/I$$

$$R = 7,5/0,5$$

$$R = 15 \text{ ohms}$$

07. D

A intensidade total da corrente elétrica que percorre o disjuntor será dada por:

$$P_{\text{total}} = i_{\text{total}} \cdot U \quad (1400 + 920) = i_{\text{total}} \cdot 110 \quad 2320 =$$

$$i_{\text{total}} \cdot 110$$

$$i_{\text{total}} \cong 21 \text{ A}$$

Para que o disjuntor não desarme, devemos usar o de corrente limite 25A.

08. D

1) o amperímetro registra a corrente total do circuito: 8A

2) o voltímetro indica a queda de tensão em R_3 : 2V

3) R_2 , R_3 e R_4 estão em série: 3R

A corrente de 8A se divide na proporção inversa entre R_1 e 3R

- 2A em 3R (R_2 , R_3 e R_4)

- 6A em R_1

$$R = 1 \quad (\text{todos iguais})$$

As potências:

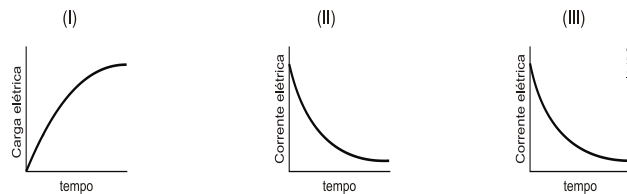
$$P = 1 \times 6^2 + 3(1 \times 2^2) \Rightarrow 48 \text{ W}$$

09. C

Durante o processo de carga do capacitor, a carga inicial é nula até atingir o valor máximo, quando o processo se encerra de acordo com o gráfico (I). A corrente inicial tem valor máximo no início, zerando quando o capacitor atinge carga máxima como mostra o gráfico (II).

Durante o processo de descarga, a corrente tem um valor máximo inicial, zerando quando o

processo de descarga é finalizado, conforme gráfico (III).



Assim, de cima para baixo, a sequência correta é: F, V, V, F, V.

10. D

Como a corrente na malha da direita é nula, esta se comporta como um aberto e a fem ε_2 será igual à ddp na lâmpada.

A resistência equivalente do circuito será, portanto:

$$R_{\text{eq}} = r_1 + R_L = \frac{1}{3} + \frac{2}{3}$$

$$R_{\text{eq}} = 1 \Omega$$

A corrente na malha da esquerda será igual a:

$$\varepsilon_1 = R_{\text{eq}} \cdot i$$

$$1,5 = 1 \cdot i$$

$$i = 1,5 \text{ A}$$

Logo:

$$\varepsilon_2 = R_L \cdot i$$

$$\varepsilon_2 = \frac{2}{3} \cdot 1,5$$

$$\therefore \varepsilon_2 = 1 \text{ V}$$